



& Celly & Ca Fory LIBRO

DEL MODO D DIVIDERB LE SVPERFICIE ATTRIBUTTO

A' MACHOMETO BAGDEDINO Londra, e da M. Federico Commandino

Mandato in luce la prima volta da M. Giouanni Dec da da Vrbina.

Con vn breue trattato intorno alla fieffamateria del medefimo M. Federico Tradotti di latino in volgare da Fuluio Viani de Malatefti da Montefiore

ACADEMICO VEBINATE.

E nouamente dati in luce.





In Pefaro del M D L X X Presto Girolamo Concordia con licenza de Superiori. T Markey Strain Strain

ALL'ILLVSTRISSIMO ET ECCELLENTISSIMO SIGNORE IL SIG

FRANCESCO MARIA II.





V E LV operetta medefima IIluftriffimo, & Eccellentiffimo Principe, che alli giorni paffait fil prefentata da M. Federico Commandino V. E, fe nevi ne di nuovo à trouarla, fiperan do di hauere à piacerle ancora la feconda volta, tutto che fia per fauellar feco in differente tmaniera. Pregarei V. E. à vo-

ler accentable. Entorith con is foline beoliginid fing. Folnon cecledif, de conoficendo ella motto bene per la coguitione c'hà delle Mathematiche il meritor, el à bellezes dell'opera, non fais en on per hause cuto, che quel bene, si figuale cra prima d'alcun poch, i hora fi fai sitto maggio el bene commanicatodo il moltie che come els fen e habbba à gire per le mail d'altidoli. O periliadendomi admaque che ella fec piaciuna V. E. nell'Inbitio latino, non labbba à digiore per loma d'el tridoli. in haliso diserfo da quello di prima l'àn medefima che primas y emp folio parquit sche non fiespi di accessi rei niene con ella va picciolo rithuno dell'affetion gran dec'in porto, di ho portuo firmpartici, del fai cali i luttuffina, sk'à volet enere quelli per van minimo figno della dento toni ingignate vere lie fadi i minimo mio. Nota lo dili dento toni ingignate vere lie fadi i minimo mio. Nota lo faci mi mio procurato i quella prima faci mi ni attene protettoro de la fonome fino setto de quello à cheson giungano i meriti miri jartimano, e pafano la henigini di V. V., e a la mia afettoriorez con que fino bacinadole humilmancie finanti prego, nativo figno-rei del control profeto adempitamo la fabili di adultati profeto del profeto adempitamo la fabili di adultati.

Di V. E. Illashriffima.

Humile e deugto fernitore Fuluio Viani





A M. FEDERICO COMMAN-

DINO ECCELLENTISSIMO MATHEMATICO.



AP ENDOMI is molf-ami, fomo, profafatea Dottiffino M. Federico miodi voler meatener viai nelle mani de gli Intominio, in quel maggior unamero del Intominio, por telfi, i obsariffini foriti lafetati cidanaggiori unorro ad ogni genere della più fetta fila fofia : à fine che buomini cofi graphi non rimane ferospopula

it ideal gotten der fi den kom å som redellinen prinsi på han generand et i ngendlind freitil den della tille i Hanenda in skin polit, in ngelsk i Simden som å frå gå dette mandrelli tille nano à meno, e gli hauete mandati al coffetto de gli huemlni honoreunlillimamente veltiti . O uesto libretto aduna: co. me perpetno pegno ancora dell'affettio fingulare ch'io vi por to , raccomando alla cura e fede voltra: e vovlio prevarui.e scongiurarui , à non lasciar vscir suore questa nostra comune fatica (enza quell'ornameto, co lquale feta folito à mandar oli altri in luce. Anzi pure tenvo fermalberaza (fe conofco bene e voi, & il valor vostro) che accrescerese di modo que flamateria, che ne auche la lafciarete fermare full area peta gonale : ne coporterete molto, they fodi per i piani fiano priui di simili settioni. Queste per se stesse purche voi vogliate puntarui yn poco, palleranto alle fretie delle fuperficie che vi reflano : mà per applicatle à i fodi , fi ricercherà poi la vostra foda eruditione, e fingolar industria nelle mathematiche. Mà questo noglio che sappiate del nome dell'Auttore -Nell'originale istello antichillimo di done lo canai era scritto co lettere à Cifra (come dicono) il nome di MACHOME TO BAGDEDINO, ilquale non fon ben chiaro anchora è se fia steto quell'Albacento, il qual c nelle cofe di astronomia fuo Le effere citato [peffe nolte dal Copernico come testimonio d'... authorità ; ò pure quel Machometo che si dice essere Stato di Gepolo di Alzindo, il quale dicono ancora bauer feritto non sò che intorno all'arte del dimostrare; ò più tofto fla da tener fi questo libretto per opera del poltro Euchide Megarefe, tut ti i libri del quale già grantempo hì, furono tradocti dalla lingua greca nella fauella Siria, & Arabica: & percio e Ten dosi trouato presso gli Anabi, è i Siri senza il titolo suo, facilmente da gli Amanuesi seràstato attribuito à Machomet to eccellente Mathematico frà loro . Ilche posso io prouare per molti testimonii effere spesse volte auenuto in molti scritti de gli antichi : e fanno alcum amici mei (per poruere vno manzi frà molti) che io per questo rispetto medesimo hò refituito ad Anoffagora quell'antichiffmo, & Eccelleutiffa.

mo Filofofo yn libretto raro intorno alla filafofia occulta.o

millica

wave jotto il nome d'Aristotele sen' era andato vià molti fecoli per lemani delle genti i e quelto per certifimi ar gomenti - Inoltre da scritti di nissim Machometto che habbia moibanemo anchora potuto conoscere tunta acutezza, quan ta da per tutto si vede apertam, in questi problemi. Aggiungafi che Euclide medefimo scriffe vn libro delle divisioni,co. me si può chiaramente conoscere da Proclo ne comentari sa pra il primo de fisoi Elementi ene fapemo che altro neruno ve ne fia fosto auesto sitolo ne potemo ritroname alcuno che più ragionenolmente per l'eccellenz a del discorere, si possa ascri uere ad Euclide . Finalmente mi ricordo hauer leto in vn cer. to fragmento antichiffimo della facoltà di geometria un luoyo citato con le parole formali di questo libretto, come di ope ra certiffima di Euclide!Or brevemente avanto il tempo com portana ho raccolte insieme queste congetture mie, lequali defidere c'habbiamo tanto di pefo, quanto in fe steffe abbraca ciano di verità : E fe alcuno mi fi voglia opporre con dire quel tittola Delle dinificmi non dinotare festioni nelle parti loro; ma dinifioni di generi per le lavo differenze nelle (perie loro; come delle disifioni methodiche de punti, del Le lince de eli anvoli delle fivure, e fimili, quali io in unmero may viore di 400, hò dato fuora in vumio trattato dell'ecce lenza, e certezza delle mathematiche; confesso certo que-Ao ancora poterfi dir e probabilmente: mà però quanto veras mente fi possa dire, non essere pen anchera più noto à me, che fi fia chiara à lui la mia cog estura. Mà fiafi ftato qualfinoplià

este affijî di glorid, e di honore per l'acutezza grandifims dell'insembne, e per l'flamine acutralifimo di tutti i affin clafibedimo de problemie: entro baffi intorno di ciò. Arbimò volto tutto il mio parlare, col quale intendo di pregarni frettiffiniamente di quello, che è che vogitate mes

quel libro delle dinifioni d'Euclidez questo in vero d'm libro sale; ilquale e può esfere veilissimo à gli studii di molsi, e che à qualsinoglia nobilissimo Mathematico de gli anitichi può rehas fines of mella magine diligency dev 7/67 s politike, de "Arive yaid or vivilgi matthe squae histori cerci (filmanite mella picture (squae histori (filmanite mella picture) per serva magilipia diliguado de vangena activame cil sone and filmanite de vangena activame cil sone and filmanite de vangena activame cil sone and filmanite de vangena activame cil sode vangen de la vangena activame cil solutione de la colora del solutione de la colora del solutione del sol

Quano prima mo jena vifitio maglio libratio dalle filipe, ne malareze vino, devo di Sire Greglietimo Princrimo filipe, ne tribilly de imendiane el della koma risi, of patalarita della matthe matiche, Casaliter fieron d'ore, mio anatro gradifi, e filoron figillare: liquale fe ne vina in landa d'Impiliteria. Petrò di el la facilimente ferda drizcata no sola les nofita lutreria.

Or la constitute del vargino l'ibid for voul di la vi lefició func de si di a Golevano pal di forpere la quirra en la ficial func de si di a Golevano pal diferere la quirra en la giura di didde, l'ètar e i fi fragmanistrano, prima che si di qui pagia ricumamoni offenenda il games, situe fino adung i nome del stationamoni ficial pany generally. Comundi son sia, femoni o propo con qui pilorgo sino nollo figural e brongia col finquiar finan fina, conderre à defiderano fina le sublit vafer funció:

Afferionatiffino voftro Gionanni Dee Londrefe.

Lo bê da sucritir ê fermer, he l'authore ilquale hora ti prefentiamo, h' à fraubo dell'incide tradorto nella impus arabiertatu por latino dal Canapuso. E tarbo h'o volto d'irri è îm c'he nel crier pe latino dal Canapuso. E tarbo h'o volto d'irri è îm c'he nel crier pe proportioni c'ratir da luigh b'ulimani ble volte in darno. Ill tarbo kroni da memdarfi, A. cana, fieta, averli, a dour die conton-

Rroot da emendard. A canatica verhi a doue die concorcer a leggi cocorrece. C. p. fa.v. 23. ADE. Jeux Il punto. Catafa.v. a Edgi FQ. Cap fa.v. p. ABCE, Jeggi ABCE. Cap, Eavy a FH Jeggi FK. Cap fa.v. 25. Bi Jeggi M. L. fa.v. v. a leggi ne feman Ex.

LIBRO DEL MODO DI DIVIDERE LE

SVPERFICIE.

PROPOSITION I. PROBLEMA I.

Con vna linea tirata da vn'angolo d'un trian golo, diuidere quel triangolo fecondo vna data proportione.

Sia il triangolo A B C: e con vna linea laqual cada dall' angolo A, bifogni dinidere il triangolo A BC, fecond ola proportione della E alla F. Percioche diuiderò la linea B C nel punto D, fecondo la proportione della E alla F, come ne infegna la 12. del scito di Fuclide: e tiratafi la li nea A D, fi manifefta il proposito, per la prima del sesto del medelimo.



PROPOSITION II. PROBLEMA II.

Con vna linea tirata da vn punto assegnato in vn lato d'un dato triangolo, diuidere il detto triangolo secondo vna data proportione.

Sia

IE SVPERFICIE

Siail triangolo A B C: nel lato B C del quale notifi il punto D: di done bilogna tirat la linea che divida il triangolo fecondo la proportione della M alla N: c con giungali la D A. Da quell'eftremo adunq; del lato B C, verso il quale vorrò hance dividen

do la configuente in corrifonden za, che per effempio fisi il punto C; drizzatò vas linea equidiftante allalinea D A, fin tanto che concor ra nel punto E con la linea B A alungatafi e che habbiano à concorrer e chiazo per la 20, e 17, del



primo di Euclide Cela delargue, la proportione della M alla N, a Synale alla proportione della JR, alla RA P, è meggiore, è misore. Sia prima egialic SEI dadei per la prima del fich la proportione del traingolo i B, Dal triangolo A D E; com'ta proportione della Malla N. MB per la 2, el de primo il triangolo A D E, è syqualed triangolo A D C. admong per la 2, del quinto la proportione del triangolo A B D el triangolo A D C; è come la proportione della Malla N, M; deb bifognana prourfi. Excende segli. Sim ba proportione della Malla N. Il

Secondo cafo. Sta mó la proposition nor della proprisione della linca BA a alla linca HE Per tito diurcò la linca BE fectódo la poportione della Ma al-la N. Cadera la diutifiotic adunque frà i punti B W. As per l'ottatta del quinto. Cade nel punto P. e cirifi la linca D Ft, e quella dico io diutificati l'attaggio l'ectódo la portione.



deră i trangolo iccodo la portione della M. Laragone. Perciòche tiratafi la linca DE ferà per la 17 del primo il triangolo A D.E., egua lealutiangolo A D.C. Aggiontoni adunqi il triangolo AFD commune, ferà il triangolo F D.E. eguale alla figura quaraquadrilatera AFDC, Effendo adunq; per la prima del festo la proportione del triangolo BFD al triango lo FED, come quella della BF alla FE; e per confeguenza come quella della M alla N a la proportione del triangolo BFD alla figura quadrilatera AFDC, è come la proportione della M alla N, onde è manifetto il propolito.

Terzo cafo. Sia la proportione della M alla N magglordella proportione, della BA alla AE , Diuidati audno; la B E nel punto F, (il che serà fra i punti A & E) fecondo la proportione della M

alla N: etinfila FG couldiftante alla linea C.E., fin tanto che con corras on la linea AC al punto G. I i i à questo congiungati la linea GD. Dico lalinea GD diuidere il trancolo feconde la proportion datafi. Perciòche tinnfi le linee

DF, DE, èadung; il triangolo: ADE eguale al trian-

golo A D C per la 17, del primo, e per la modelima il triangolo A DF èvguale al triangolo A DG. I duo restanti adunque, cioè il triangolo FDE, & il triangolo G p c fono eguali. Aggiuntofi anche il trangolo ABD commune à i duo triangoli AFD, & AGD equali: ferà-il-mangolo BFD equale alla figura quadrilatera BAGD. Adunqi il triangolo FBD hi quella proportione al triangolo FDE, cha la figura quadrilatera BA GD al triangolo GCD. Mikla proportion del triango lo FBD al triangolo FDE è come quella della Malla N, per la fuppositione, e per la prima del sesto, la propor tione adunque della figura quadrilatera BAGD al triau golo GDC, è come la proportione della M alla N: che fuil proposito,

Propo-

DEL MODO DI DIVIDERE. PROPOSITION III. PROBLEMA III.

Con yna linea equidistante ad un lato assegua to d'un triàgolo noto, diuidere quel trian golo secondo yna data proportione.

Sis la proportion data quella della FK alla KL-& un'intragolo A BC, ilquelle fecondo la proportion data voglio dittidere con van linea equidifinare al lato BC diefilo. Petzichén dell'Angolo A, verfo ilquale voglio haucer l'antecedente nella proportion da cercarifitirativa linea AE ad angoli terti fopra il linea AC, & equa lead effia & allanghiati la linea E A per lo ditto uno al panto 5, fannato che fia la proportion della E A alla

A È; come quella della H Lalla H K: e posto il cetro nel punto di mezzo della li nea F E, il quale sia M; de feriuasi il semicircolo FDE secondo la quantità della li nea M E: il qual semicirco

.

nadd fefola spopenion abuged det inappo A B L at trinspo A GD, come is night of dellin A silla straingho A GD, come is night at the spot and the spo

PROPORTION IIII. PROBLEMA IIII.

Con vna linea equidiftante ad vi a perpendi colare tirata fopra la bafe da vin ango o d'un triangolo, diuidere quel triangolo fecondo vna data proportione.

Sia la proportion dara quella della KL alla LM. Se condo ella voglio diuidere il triangolo ABC con vna linea equidifiante alla perpendicolare AD. Percioche diuderò la linea KM ferondo la

proportione della linea B D alla M D C, efia(per effempio) che prima la distribone cada nel punto della K L alla proportione adune; della K L alla LM è come quella dalla B D alla D C: e confeguentemente come quella del triangolo A B D al rian

golo A D C per la prima del fefto. La linea A D adunque diuide il triangolo fecondo la proportion datafi. Secondo cafo. · ia mò la proportione della KG al'a GM comedia reconoma della B D alla DC; ralcha

Secondo cafo. ia mò la proportione della KG al'a GM, come la proportione della BD alla DC, talche il punto G fia frà i punti L& M. Diniderò poi il trian-

LE SUPERFICIE

golo A B D per la premeffi con van linea equidiffante al lato A D fecondo la proportione della K L alla L G: e la linea laqual duideil triangolo in quelto modo facila F E. Dico adana; che la proportione del triangolo F B E alla fuperficie A F E C.



come la proportione della K.I. alla L.M. La ragine. Perchiche la proportione del triasgolo A.B.O el artinagolo A.B.D e come la proportione del triasgolo A.B.O el artinagolo A.B.D e come la proportione del triasgolo A.B.D. et come la proportione del triasgolo A.B.D. del triasgolo B.B.C. del triasgolo B.B.D. del triasgolo B.D. del tri

ficie AFE C: il che haueua da pronarfi.

Terzo esfo. Si: la proportione della KII alla IIM,
com'è quella della BD alla DC: talmente che il punto H fia fià i ounti K&L. Di

to H in Italian punti R of L. Di utiderò poi per la premellà il triangolo A D C fecondo la pro portione della H L alla L M, con la linea N O equidifiante al lato A D. Dico adanque che la proportione della finperficie N A B O al triangolo N O C; è



come

PROPOSITION V. PROBLEMA V.

tion della K L alla LM: che fu il proposito.

Diuidere vn triangolo noto, con vna linea equidiffate ad vna linea tirata da vn'ango lo fuo, laquale ne fia equidiftante ad alcuno de luoi lati, ne ad alcuna delle fue per pedicolari fecondo vnadata proportione.

Questa conchinsione si può prouste come la preme s' fa : e h pilo anche moltage al ramente in questo modo. Sia la proportió data quella del la Malla N: e fia il triangolo

A BC, ilquale io voglio diuide refecondo la proportione della Malla N. con vna linea equi idifrante alla A D ,laquale cada dall' angolo A. ne fia perpendicolare, ne equidiftante ad alcuno de lati

del triangolo. Diuiderò adunque la linea BC fecondo lapro-

BEL MODO DI DIVIDERE

la proporti one della M all I N: e cada (per ell'empio)pri ma la diulifone nel punto D, la linea A D adunque per la prima del fefto diuide il triangolo fecondo la proportion datafi della Malla N.

Secondo cafo. Cada poi la diufione frà i punti B e D, nel punto E; talche la proportione della B E alla E C, fia come quella della M alla N. Alhora porrò la linea BF mezzana proportionale frà le li-

nee B D, & B E: e tiratafi la linea F G equidificate alla linea
A D, dico ch'ella dinide il triangolo (condo che fi propone. Le
regione. Pecciòche tiratò la linea
A E, la proportione adunque del
triangolo ABD al triágolo G8F,

regions. Paraichle turis hi lines $AE. \text{ In proportions calamated his } EFD \subseteq \text{ In target his AE. In proportions calamated his triangle of AED at misspic of AED at a AED at misspic of AED at a AED and at misspic of AED at AED at a misspic of AED at a AED and at misspic of AED at a AED and at misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a AED and at a misspic of AED at a misspic of A$

che del triangolo B F G alla finperficie A G F C; N à la proportione del triangolo A B al triangolo A E C, è come la proportion dataf della M alla N; è manifello adunquei Il propofito.

Terzo c B, Cada la dinifione frà i punti D & C nef punto B; talche fis la proportione della B E alla E C, come quella della Malla N. Potrò "dumque la linea C &

eguale alla superficie A G F C. La medelima proportione adunque è del triangolo A B E al triangolo AEC

mezzana

mezzana proportionale frà la D C ela E C. Alhora cirata fi la linea K L equidifica ella linea AD; dico ch'ella diuide il trua golo fecondo che fi propone. Perciòche fi come prima la proportione del triangolo AD c al triangolo L KC, è come la proportione della D C alla K G du



plicates e per configuema des me la groterio del lime del B.C. eficondo la medefi ma pappartica del propuesto del tran gola. Al E. el fina pappartica del propuesto del tran gola. Al E. el fina pappartica del representa del tran gola. Al E. el fina por conseguida per del resigno del propuesto del transgolo no cagualita per del transgolo no cagualita de integrido el A.E. el fina posiciona propuesto el dide delli regiono generale del propuesto del della regiona del propuesto del del transgolo n. E. el fina per del propuesto el dide della regiona del propuesto del della regiona del propuesto della della per della perpopuesto del della regiona della della perpopuesto della della perpopuesto della della perpopuesto della della perpopuesto della perpopuesto della regiona della perpopuesto della perpo

PROPOSITION VI. PROBLEMAVI.

Dividere vn triangolo noto con vna linea equidistante à qualunque linea tiratali in efso, o tirisi da angolo, o no, secondo vna da ta proportione,

Perciòche fe la linea fégnata fia equidiftante à qualche lato del triangolo, fi hauerà l'intento, per la 1 di quelto. Se anche la detta linea cada da qualche angolo fi hauerà il C proposito

DEL MODO DI DIVIDERE

proposito per la premessa. Che se la linea assegnatasi ne di feenda da angolo veruno del triatigolo, ne fia equidifiante ad alcun lato fuo, come nel triangolo A BC; affegnifi la linea DE laqualonon fia conidifiante alla linea A C; mà concorrebbe con ella dalla parte €: fe l'yna e l'altea s'allun: gasse. Alhora dall'angolo dalla parte del quale sarebbeil eocorio, come dal angolo C tiriù

la linea CF nel triangolo, conidi ftante alla linea affegnatafi, ciò è alla linea DE: Et alhora per la premeffa dinidafi il triangolo con vna linea equidifiante alla linea CF fecondo la proportion datafia Chirra cofa è per la 10 del primo ch'effo alhora vien diuito con

lines.



PROPOSITION VII. PROBLEMA VII.

Con vna linea tirata da vn'angolo d'vn quadrangolo noto, dividere quel quadrangolo fecondo voa data proportione.

Sia la proportion datafi quella della M alla N, e fia il quadrangolo A B C D: dall'angolo A del quale voglio tirare vna linea, the divida il quadrangolo fecondo la proportione della Malla N. Perciòche tiragò il dianetro A.C. e dal punto D tirarò la linea DF equidiftante alla linea AC. fin che concorra con la linea B C nel punto F. Diuiderò poi lalinea BF fecondo la proportione della M alla N: e prima cada la dinitione nel punto C, talche fia la medefima pportione filladella BC alla CF;che filla della Malla N. Dico adunque che la linea AC diuide il quadrangolo fecondo che fi è proposto. La ragione. Percièche il triangolo A D C èxguale al triangolo A EC, per la 37 del. primo. Mà la proportione del



triangolo ABC al triangolo ACF è come la proportio ne della M alla N per la prima del fefto. La proportione adunque de Ittiangolo ABC al triangolo ACD è come

la proportione della M alla N, che fù il proposito.

la proportione della Maign N, cile N il proportione Secondo qui D. Cada la divilione nel punto E fri gli pun ti B & C, talche fia la proportione della B E alla E F come quella della Maila N. Alhora titanti la liura A E; dico che la proportione del d'imagolo A B E alla fuperficte A E C D. è come la proportione della Maila N. La regione l'eriche (right) del la come la proportione della Maila N. La regione l'eriche (right) del la come la proportione della Maila N. La regione l'eriche (right) del la come la come l'eriche (right) del la come la come la come la come l'eriche (right) del la come l'eriche (right) d

fect adunque il triangolo ADC eguale al triangolo AEC per la 37 del primo. Aeguuntofi adun que il triangolo AEC commune all'yno & all'altre; ferà la fue perficie AECD eguale al triangolo AEC aeguale al triangolo AEC Adús: la medefima.



proportione è quella del titangolo A B E alla fuperficie A E C D, & al triangolo A E F. Effendo adunque per la prima del fetto la proportione del triangolo A B E al trian golo A E F. comequella della M alla N; chiaramente il vedo, che la proportione del triangolo A B E alla fuperfi-

vede, che la proportione del triangolo A B E alla superficie A E C D, come quella della Malla N: ilche doneua prouarfi, Terra cafo. Cada la diutifione frà i punti C & F, ucl

punto G; talche fia la proportione della B Galla GF, co-C 2 me quella

DEE MODO DI DIVIDERE

me quella della Ma III. A Albora ricus b la lico. G H equidiante alla lico. D F, feshe consortre cua la lico. D f. endre consortre cua la lico. D et el punto H. Tiznafi poi la licea A H, dice che la precortione della lipperficie A B C H attinagolo A D He cio me la proportione della Ma III. N. Le raginue. Petrobie turto la lico a A G. Serà desuque il triasgolo A FG C della della ricusglo a D G accora è gizule è un totto il ricinagolo a D G accora è gizule è unto il ricinagolo a del contro di contro della contro della contro della contro della contro della contro della contro de

tea triangule à tutto il triangolo A F C; Adunque il triangolo A DH refinence vguade al triangolo A DH refinence vguade al triangolo refinence à F G. Aggiunto fi adunque il triangolo A B C com munch i duo triangoli A C H & A C G. eguali; ferà la fuperficie A BCH equale al triangolo ABC.



fetà adunque la proportion della faperficie. ABCH al trif golo ADH, come Gila del triangolo ABG al triángolo AGF Mà la proportione del triangolo ABG al triangolo AGF è come la proportione della Malla N, il per che è manifefio il propolito.

PROPOSITION VILL PROBLEMA VIII.

Dividere vu quadrangolo noto di duo lati equidiftanti con vua linea tirata da vu punto affegnato in uno de duo lati equidiftanti fecondo una data proportione.

Sia il quadrangolo noto ABCD, & il punto affegnatofi nel lato BC equidifiante al lato AD, fin E. Alhora voglio tirare vna linea dal punto F. he diutida il quadran golo fecondo la proportione della L. alla M. Petriò he allunghili E. BC per lo dritto fino al punto F. talche la lima C. F. fine punta el alla linea AD, e tirifa la linea AF, che

tagli la linea D C nel punto G. fono adunque i trianpoli ADG GCF fimili, & equali i lati AD CF. Quei triango li adunque fono equali. Appiuntafi adunque la fuperficie ABCG commune all'uno & all'altro; fi vede chiaro che il quad rangolo ABCD è vguale al triangolo ABF. Tienti à mente questo. Dividerò poi la linea B F secodo la proportione della Lalla Mie prima cada la dinifione nel punto E; talche la proportione della BE alla EF, fia come quella della Lalla M : Albora riratafi la

B A. dicoch'ella diuiderà il quadrangolo fecondo che fi propone, Percioche per l'vguaghanza de triangoli ADG e CG F la (uperfificie AECD è vguale al triangolo A f.F. è adunque la medefima pro portione del triangolo A B E alla

fuperficie AECD & al triangolo AEF. Mà la proportio-

ne dello A B E allo AEF, è come la proportione della L alla M. la proportione adung: dello ABE al resto del quadrangolo; è come la proportione della L alla M : che è il proposito.

Secondo cafo. Cada la dinifione fià i punti B & E nel punto H; tale che sia la proportione della BH alla HF come quella della L alla M. Alhora

titarò la linea HK equidiffate alle linea A E: e tagli la linea AB nel punto K. Dopoi tiratafi la linea KE, dico ch'ella divide il quagrangolo fecondo che fi propone. Perciòche tirarò la linea A H. Perche adunque le linee AE KH fono conidiffanti de-



ranno i triangoli KAH & KEH eguali. Aggiuntofi adanque il KBH all'uno & altros ferà il triangolo ABH cenale

DEL-MODO DI DIVIDERE

eguale al triangolo KBE. Mà il triangolo AKE ancora è vguale al triangolo AHE, Aggiuntati adunq; la fupicie AECD cômune all'uno, & all'altrojfetà la fuperficie AK ECD eguale al quadrígolo AH;

CD. Må i quadrangolo AHT.

CD. Må i quadrangolo AHT.

è vgutle al triågolo A H F, come

i è moffrato di fopra. Adung, la

medelima, prortione è quella del

triågolo KBE alla fluperitete A K

E C D; che quella del triångolo

ABH al triågolo AH F; c p con

CD ome B R L C F

éggiása che quella della Lali M: il che haucenata, punte, Traye agh. Cach indition ferà i punte fi « Vi + ci en til in figura fegato della limiene E P i la lime E P ggales di sil in en la Traigeiro in dertra lame B F F F F F F F Goodhe a proportiono della L. alla M. cada prima la dittione nel punto P, Takche fala proportione della B Pali IP F Goome quella della Lalia M. Alhora tiaro è la litene E D : la quele dici ditulieri il quarbéggio fecondo la forma proportione. L'argeines. Perciò che tiaro è la linea P A se perche la linea E P è veguale alla lina A D. Se c.

quidiffate adella, ferà il trispolo de D. E. equale al trispolo AP E. Aggittoui adio; il trispolo AB E. comune; ferà il quadrigolo AB E. Deguale al trispolo ABP: coo fequentemente il trispolo reftan.



re DEC, fest sgmales i triaggolo refune: A P F, perquello che i d'petriazo di foprà: ciò è che il quadrangolo A BCD èvyngle al triangolo A B F. è. manifeto adunu, che la nuodetima proportione de del drangolo ABED al triangolo DEC; che del triangolo A BEP al triangolo APF, per la 1se d'quinto. M.La proditione del triangolo ABED al triangolo APF è come que la della dell della L alla M: la proportione adunque del quadrango lo ABED al triangolo DEC è come oscilla della Lalla M; il che haneua da promaríi,

Secondo caso Cada la dinisione frà i punti E & P. nel punto O : talche la propornone della BO alla O F. fia come quella della Lalla M. Dopoi fegatò dalla linea A D la linea A R conale alla linea E O. Alhora tiratati la linea ER, dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si pro pone.Perciòche tirarò la linea A Q, e perche le linee AR. & EQ fono eguali, & equidi franti; feranno i triangoli

ARE, & AQ E egnali: à i quali aggiuntofi il triagolo ABE coes ferà il quadrágolo ABER equale al triágolo ABQ.Mà fi è pnato di soprache tutto il quadragolo ABCDè venaleà tutto il trian golo ABF, adunce il quadrangolo RECD refinite è vguale



Terzo cafo. Cada la dini fione fra i punti P. & F.nel punto Sy talche la proportione della B Salla S F ha co me quella della L alla M. Di uiderò mò la linea DC fecondo la proportione della

PS alla SF nel punto T2 e ti rarò la linea E I. Dico ch'el ladiuide il quadragolo fecedo chefi propone. Percióche

tirarbla linea A S. Perche advingute le linee A D & EP lo no cousli & equidifianti : feranno i trianouli A DE, &

DEL MODO DI DIVIDERE.

A P E couali : e per confeguenza appiontoni il rrianpole A B E commune; il quadrangolo A B E D è vguale al triangolo ABP, mà tutto il quadrangolo ABCD ancora è egunle à tutto il triangolo À BF. adunque il triangolo DE Cèvenale al triangolo PAF, Mà la proportione del triangolo DET ancora al triangolo TIC; è come la pro portione del triangolo P A S, al triangolo S A F. Adunqueil triangolo DET è voua

le al triangolo PAS, &il triangolo TEC è vguale al triangolo SAF. Mà fi è di già prouato che il quadrangolo ABFDè vguale al trian golo ABP; Aggiuntofi adun que il triangolo DET al primo, & il triangolo PAS



eguale ad effo, al fecondo; fest il pentagono ABETD egua le al triangolo ABS. Mà fi prouò che i triangoli TE C & S A F fono equali . Adunque la medefima proportione è del pentagono ABI:TD al triangolo TEC; che del trian golo ABS al triangolo ASF: e per confeguenza che della Lalla M: che fu il proposito.

PROPOSITION IX. PROBLEMAIX.

Diuidere qualfinoglia quadrangolo noto con vna linea tirata da vn punto affeguato in vno de'lati non equidiffanti, fecondo vna data proportione.

Sia il quadtangolo ABCD i duo lati del quale ADBC non fiano conidifianti. Vocilio adunque dividere quel qua drangolo fecondo la proportione della Malla N nota, com vna

vna linea tirata dal punto E dato fopra la linea BC. Percioche tirato le due E A E D, & alimaphero la D A dall' vna e dall'lattra parte per lo dittrog finche la linea BF concorra con effa nel punto F, equidificate alla linea A E: ela CG ennocra con effa nel punto G, equidifitate alla linea E D. Dittlerò poi la linea FG fixondo la proportione della Malla N.

della M alla N.

E cada primas la distifione frà i punti F & A nel punto H; talche fin la proportione della F H alla H G come quel la della M alla N. Dissiderò anche la linea B A fecondo la proportione della F H alla H A te cada la dissifione nel pun

io K; talche sia la proportioac della B K alla K A come quella della F H alla H A. Alhora tiratas sia linea K E; dico ch'ella diuide il quadrangolo secondo che si propone. Perciòche tirato le due sinee

k i i i

EF EG. Serà adunque il triangolo AFE eguale al triangolo ABE per la 17 del primo, & il triangolo DGE equale al triagolo DCE, aggiun toliadunque all'vno & all'altro il triangolo A l D; ferà il triangolo FEG eguale al quadrangolo ABCD proposto. Ponti à mente quello. E perche il triangolo AFE è vguale al triangolo ABE : & cla medefuna proportione quella della FH alla HA; che quella della BK alla K A. Per la pri ma del fefto adunque il triangolo EHF è vguale al triango lo EKB, adunque il reftante ancora ferà enuale al reftante. Il triangolo adunque HEG reftante è venale al pen agono AKECD.La medefima pportione adunq; è glla del triangolo EKB al pentagono AKECD; che del ttiangolo E H F al triangolo EGH. Adunque è come quella della li nea FH alla linea HG, e per confeguenza come quella del la Malla N; ilche haueua da prouarfi.

DEE MODO DI DIVIDERE

Secondo esfo. Cada poi la distifione nel punno A ralche ha ha proportione della F.A. alia. AG comé quella della M. alla N. Alhora siratuli la linea E.A., dico ch'ella distide il quadrangolo fetondo che fi propone. Pecciò della disside il disside A FE è viguale al rinangolo ABE. Adunque si triango lo AEG refiante è viguale al quadrangolo rellante AECD. La medelima proportione

adigu é illa del triségolo ABB.
El quadrigolo AFCO, che
glia del crisigolo AFE at tris
golo AFS Gondesunque é or
me quella della linea FA.
alla linea AG, e per confe

alla N: ilche fi douena prouare. Li assultation de l'argo café. Cada mò la diutifione fiki pienti : A. & D. nel punto L. yalche fia la proportione della P. Ludhs. I. G. come la proportione della M. alla N. Alhora dico che la lines E. diutide il quadrangolo fecondo che fi proponte. Percièche e filondo irizia.

golish F.E. & ABE egnali, aggiunden ill alle skell ill an un ill rimagolo d. E. Sekart ill an ill triangolo t. F.E. egnale al quadrangolo A. B. E. Admandel it raingolo L. B. & N. B. E. Admandel it raingolo L. B. & N. B.

Authque i transpot LB

Grelhate è quale al qua

drangolo refanate LE CD. La medefima proportione al

drangolo refanate LE CD. La medefima proportione al

drangolo refanate LE CD. La medefima proportione

drangolo LE CD.

che dité del erisigolo LF F. attrangolo LEG: e per confe
guenza che la proportione della M alse Ni illehe dottenta

somatifi.

Quarto cafo. Cada poi la diutione nel punto D. Perche alliora i mangoli DGE, & DCE iono eguali; ferà il mangolo

triangolo DFE testante equale al quadrangolo D A B E restate. La medesima apportione adunq, è quella del quadrangolo ABED al triengo-

lo DEC, che álla del triágolo D.FE altriangolo DEG. Adunq, è come quella della li riea FO alla linea D G: e per conferuenza come quella del la Malla N. La linea aduque D E dinide il quadrangolo se condo che fi propone.



Quinto cafet; Cada la dinifione nel punto P, frà i punti D& G: talche la proportione della FP alla PG fin come quella della Malla N. Alhora tirarò la lines P Q equidifrante alla linea CG; finche concorration la linea CD nel punto Q. Tiratziradunque la linea E Q: dico ch'ella dinirle il quadrangolo secondo che, fi propono. Percioche ticardalinea Phi Sect oftingueal triangolo DEP egual al miangola DEQ per la ment 1.9/

17 del primo. Aggiuntouifz adunque il triapolo A E D commune; fetà il triangolo A E P eguale al quadrangolo AEOD, I duo triangoli ancorn A F E & A B E for no eguali, adunque il trian-



que il triangolo PEG refrante equale al eriangolo refrante QEC. è adunq; la medefima pportione alla del pentagono ABEQD al triangolo QEC; che qilla del triagolo F1:P al triangolo PEG. Adunquee come quella delle linea, F P alla linua P G; e per confeguenza come quella della Malla Nichofwil proposito.

DEL MODO DI DI PIDE RE PROPOSITION X. PROBLEMA X.

Propostationa linea nota, e itratestí due linee da i ter mini di esta, le quali facciano có esta dal la medestima parte quali fingulano angoli, de ferivere van luperficie e guale ad una super ficie nota propostasi, fopra ad van linea nota proposta; almenteche la detta superficie vega rinchius far quella linea nota, doma li nea equidistite à (e.e. fra le due dette tiratesti d da van patre d dall'altra della linea nota.

Verbig quais fia la linea A B nota, le douclinea A D, RG. fourte nel ribitro notivo, reglo por la linea A B formare van fuperficie equal calls fuperfice M nota, laqual evan garinchiufu fia linea AD & RG. (efi la AB, & van linea equidifiante a fic. 1 duo angoli DA B, e CBA adunque cho no equal'à duo retti, ò minoch è maggiori. E fiano porten equalità duo retti. Serà adunque la linea AD equidifiante tall linea RG. Fetha adun.

que per la 44 del primo so pra la linea AB vna superficie di lati equi distanti, gli angoli dell'aquale siano eguali à gli angoli DA B,C BA: & esta superficie su guale alla superficie M: & manifesto il proposito.

Secondo cajá. Siano mò i duo angoli DAB & CBA mi nori di duo retri. Concorreranno adunq i edue linec AD, BC dalla parte CD. mà concorran nel punto E, feadun que il triangolo EAB non ferà maggiore della fuperficia M dalla

LE SVPERFICIE. M, dalla parte DC non fi può formare vna superficie raic. qual volemmo; ma bifognecà alhora che si faccia dall'altra parte. Sia adunque il triangolo E A B maggiore della fe-

perficie M; e sia la proportio ne del triangolo B B alla fuperficie M; come quella del la linea FH alla linea F G: esiala linea K mezzana proportionale frà la FH.e la G H. Taglierò poi dalla

lines EB lalinea EC.

laquale fria in proportione con la linea E. B., come la linea K con la linea FH. Alhora pirarafi la C D conidifiante alla linea BA;dico che la superficie A B C D è vguale alla superficie M. La ragione Perciòche la pportione del ttiágolo BAE al triágolo CDE è p la 17 del 6 come la proportione della BE alla CE duplicata, è aduq, come glla ancora della FHalla K displicatar e p confeguenza la pportione del tria golo BAE al triangolo CDE e come la proportione della FH alla G H. Conuertendo adunque la proportione del triangolo BAE al quadrangolo BADC è come la proportione della FH alla FG. Ma quella proportione che è della FH alla FG, qu lla medefima è del triangolo BA E alla fu perficie M; la medelima proportione adunq; è del trisgolo BAE alla fuperficie M. Se al quadrangolo BADC. Ilperche la superficie M. & il quadrangolo BA DC sono equali. e questo è quello che volemmo.

Terzo cafo. Siano poi i duo angoli DAB, & CBA magniori di duo retti, concorreranno adunque dalla parte A B. poniamo che ciò sia nel punto E. Porrò adunque la proportione della GH alla GF fecondo la proportione del triangolo A B E alla fuperficie M: e fia la linea K mezzana proportionale frà la FH, ela GH: e porrò la proportione della EC

DEL MODO DI DIVIDERE

alla E B, ácondo la proportione della FH alla K: Alhora tiratañ la C D equidifiante allalinea A B, dico che la fuperficie Mè viguale al quadrangulo A B C D - La ragione Per ciòche la proportione del triangolo C D E al trian 200 B A B. à focuse fi

golo BAE, e (come ti e moftraro di fopra) co me la proportion della F Halla G H. Contretendo adúque la propor tione del triangolo C D E al quadrágolo C D A B e come la proportio-



ne della FH alla FG.
Diuidendo adunque la proportione del strangsio, AB Ealquadrangolo AB GD è come la proportion della GH
alla GF se per confeguenza come la proportione della GH
elimo triangolo AB E alla freperiore M. Adunque il
quadrangolo AB CD, e la fuperificie M. fono-eguali, e
auno husmo voluta dimoltrare.

PROPOSITION XI. PROBLEMA XI.

Diudere vo quadrangolo di lati equidiffanti con vna linea condiffante ad vno de luoi

lati, fecondo vna data proportione.

Sia il quadrangolo di lati equida finner A B C D, il quale voglio diuidera (icondo, la proportione della Galla E, cop yna, linea equidiparea late A B di effo. Perescene diundero latinea B C ael panto, E, fronto la proportione diu di alla H e tranzo la li tone della calla H e tranzo la li



nea E Fequidibante alla linea A B, e fi la l'intento. Percioche p la prima del Geto la medefima poportione è quella del quadrango o A BEF al quadrisgolo FE C. 15 che quella della linea B E alla linea E C: e per confeguenza che quel la della Galla H c'ndi fi alla propolito.

PROPOSITION XII. PROBLEMA XII.

Diuidere vn quadrangolo di duo lari olamen te equidiftanti con vija linea equidiftante à fuoi lari equidiffanti lecondo vna data pro portione.

Sailquadrangolo A B C D., delquales duo lati A D & B C Tolanterate fianco equidificant . Vogling adung . The description of the condess in proportional delia of a laboration in single as physical proportional delia of a laboration in single as physical policy and the single B C a secretion in 1900 and a final condess of the condess of

mo cho ciò fia nel punto E: e poird la proportione della H O alla L O fecondo la pro portione del triggolo D A E

abritangolo Cifica Comuner 112 2017120 20 A 1 tendo, e diuidendo adunque

félhapropotitioné de triangolo C.B.E., al. apachangolo D.A. & C., come quella dell. I. O. alla I. H. Dimiesto mò là time a quella dell. I. O. alla I. H. Dimiesto mò là time a H.L. ad putto N., fectondo la proportione della M. alla N. L., come quella della Malla N. e sala linea P. prezazana proportione della M. alla N. e. sala linea P. prezazana proportione della R. alla N. L., come quella della Malla N. e. sala linea P. prezazana proportione della F. E. alla C. E., fecondo la proportione della F. E. alla C. E., fecondo la proportione della R. C. alla P. Doposi tiarra là linea F. e. qualificante alla li-

DEL MODO DI DIVIDERE.

nea D.A. Dico adunque cu ella diuide il quadrangolo fecondo che fi propone. La regione. Percicche la proportione del triangolo C.B.F. è come la proportione della F.B. alla C.E. duplicata. Adunq; è come la proportione ancora della K.O. alla P. duplicatare per con figuenza la proportione del

feguenza la proportione del triangolo FGE al triangolo CBE, è come la proportione della KO alla LO. Diuidendo adunque la proportione del quadrangolo FGE al triangolo CBE, è come la proportione del proportio

K D D D

rione della KL alla LO. la proportion poi del triangolo C-

Bis al quadrangolo ABCO (come fiè moltato di fopra) como la preportion della Col al IL. Pet a proportion nulti de qual sadanque la proportion del quadrangolo Fi-GEO 4 quadrangolo ABCO I, è come la proportion del Cello I quadrangolo ABCO I, è come la proportion del LISL alla LH. Diuldento adunca pia proportione del quaddrangolo FGG Cal quadrangolo AGC De De come la proportione della K. Lalla K.H. Comertendo adunque la preportione della ACD Do I GGC Fi. come quella della K. Il illa K.I. i eper configuenza come quella della M. alla Niche fii i propolito.

PROPOSITION XIII. PROBLEMA XIII.

Dividere vn quadrangolo di duo lati equidiftanti folaméte, con una linea equidiftante ad vno de fuoi lati non equidiftanti fecondo vna data proportione. Siano folimente i don lata A.D. B.C. del quadrangolos A.B.C. De quiddinni, Vegilos admonet disidere quie quadrangolo fecondo la prosportione della M. alla N. con vanilane equidilitare allaro di elso. B. D. van delbavanilane equidilitare alla controlo della di elso. Seno della della controlo della controlo della di elso. B. R. c. fas per efficansiola linea C.B.E. Dopoli tracio la B.F. el disiderbi linea. F. atto che la fif fineguale alla B.E. e disiderbi linea. F. Cecondo la prosportione della Mal. N. episma calla la distintion en el pusno. E; talche fin la prosportione della la distintion en el pusno. E; talche fin la prosportione della della M. N. Deto admon-

quadrangolo fecondo che fi propone. La ragione. Tirarò la lunca DF. è adun que la pportione del trian golo FDE al triangolo EDC-come la proportio



n'e della F E alla BC. adun que come la proportione della M alla N ancota Mà per la prima del felho, eperla 41. del pri mo il quadrangolo A B E D èvguale al triangolo FDE. Adunque la propor tione del quadrangolo A BED al triangolo DLC, è come quella della Malla N, che fui proposito.

Secondo cafo: Cada poila diutione frà i punti F & F;talche fia maggiore la propor-

che in maggiore la proportione della F E alla É C, che la proportione della M alla N. Divifafi adunque la linea E C in parti eguali nel punto Gferà maggior proportione quella della B E alla E G, che quella della M alla



N: per questo che la linea BE è la metà della linea FE: E e la

DEL MODO DI D IVIDERE.

e la linea EG è la metà della linea EC Diuifaíi adunque la linea BG (scondo la proportione della Malla N, cadesè la diuifione fà lipiú B & E-cifa nel punto H₁talche fa la metefina, portione e fila della BH alla HG che ajlia della Malla N. Áhora triztió la linea HK e q difiante alla linea BA; dico di ella duide il qua

BA; theo en ella duude il qua delangolo fecondo che il propono. Perciòche tirarò pe'l dritto la linea AD fino al pun to L; fin tanto che concorna con la linea GL equidifiantemente alla linea D E. Perche adunque la linea E C èdop-

pia alli linea EG, fichi I parallilogrammo D EG, I egude al rinagdio DEC, Aguismo di sudune ull'unoxi elli-lutto il quadriangolo RHED. Li moletima proprieta toti equadriangolo RHED. Li moletima proprotine cagalical quadriangolo RHED. Li moletima proprotine neadesi e suclia del quadriagolo ABHK alquadrigolo RHED, x el quadriangolo RHED il reproportino noi del quadriangolo ABHK al quadriangolo RHED il reproportino picto protinene della BH alla H-Crepte Configenzationo que protine ella BH alla H-Crepte Configenzationo que golo ABHK al quadriangolo RHED, pe come il propotione della MH alla No. Per Configenzationo golo ABHK al quadriangolo RHED, e come il propo-

Tetrzező. Cadamála disinőne frá i poszír P.K.Cac panno R.; talcheñ la proportione delhé F.R. all R.G., omequella della Malla N. Alhora tirarà la linea, D.R.: c perla s di equelo disinderò di triangolo D.E.C. Gozoda la proportione del triangolo D.E. al triangolo D.E. Caronda la linea P.Q. quisiditate al la doi ello D. E. talche ini a quadrangolo D.E.P.Q. gasale al triangolo D.E.R., & anche il triangolo Q.P. Gegusia el triangolo D.E.R., & anche il triangolo Q.P. Gegusia el triangolo D.E.C. Dior adunque che la linea P.Q. duideli quadrangolo focondo che fi pro pone. Perciche la proportione del triangolo F.R. triangolo R.D.G. è come la proportione della M. alla N., Mà il quadrangolo ABED è vguale al triangolo FDE, 80 il quadrangolo DEPQ è vgua le al triangolo DER. Adua que il cenagono ABPOD è

que il pentagono ABPQD e vguale al triangolo PDR. Mà il triangolo DRC ancoraè vguale al triangolo PQC. Adunque la proportio De del pentagono ABPQD al triangolo EC, è come la proportione del triangolo Facore del proportione del triangolo Facore del proportione del triangolo Facore del primario PGC.



DK al triangolo DRC; e per confeguenza come la proportione della M alla N, che fù il propofito.

Nel medefimo modo operaremmo con vaa linea equidiflante al lato DC di eslo; e si vede manifesto tutto ciò che proponemmo.

PROPOSITION XIIII. PROBLEMA XIIII.

Diuidere vn quadrangolo che non habbia lato veruno equidiftante con vna linea equi diftante ad vno de'fuoi lati secondo vna da ta proportione.

Verbi gratis il quadrangolo ABCD non habbis verus la coquidificantesis però voglio diudelo fecondo la pro portione della V alla X, con van linea equidificante di ciono della va alla X, con van linea equidificante al ico ato AB. Percioche tiritro d'avos della o apple 10 a la manufacta della van della propositione della consideratione della consideratione della consideratione della consideratione della consideratione della proportione della 1 a Balb Sta, coma la proportione della 1 a Balb Sta.

della AOall OE, e tirarò la linea F.D. Popoi diuiderò la linea F C secondo la proportione della V alia X: e prima cada la dinifione nel punto E: talche fia la proportione della | E alla E C, com'è la proportione della V alla X. Dico adunque che la linea D E dinide il quadrangolo fe condo che si propone. La ragione Perciòche la proportione del triangolo ADO al triangolo ODE, è come la proportione della AO alla O E: e la proportione del trian golo ABO ancora al triangolo OB E a è come la proportio nedella AO alla OE. Con-

giungendo aduno: la proportione del triangolo BAD al triangolo BE D,è. ome la pro p rtionedella A Oalla O E: e per confermenza come la p-1 . . portione della + Balla BE: c fecondo la medelima propor



tione è il triangolo FDB rispetto al triangolo BED. Adanque il triangolo BAD è vgnale al triangolo FBD. Aggirntofi adunque il triangolo BDE commune all'uno & all'altro: ferà il triangolo FDE eguale al quadrangolo ABED. Mà la proportione del riangolo FDE al mango lo EDC, è come la proportione della FE alla EC:e per con feguenza ome la proportione della V alla X. Adunque la proportione del quadrangolo A B B D al triangolo EDC è come la proportione della v alla X : che fuil proposito.

Secondo caso. C da poi la dinissone frà i punti F & E (ò fia di dentro, ò fia di fisore del quadrangolo, che di ciò non fi tien cura) e poniamo che fia nel punto. Ge talche fia la proportione della FGalla GC, come la proportione della V alla X; ètitarò la linea G D. fetà adunque la proportione del triangolo FGOal triangolo GDC, come quel la della V alla X. Applicherò adunque per la decima di questo alla linea A B vna superficie eguale al triangolo

FGD, laquale venga contenura fu i duo angoli ABC & BAD, fep trandola coa la linea HK e-quaditante alla linea AB: Dico adunque ch'ella duide il quadrungolo fecondo chefi propone. Perciò che pullerà dentro al quadrungolo ¡B · Dp er quelche,ch'. altrangolo FDE è vgua

le al quadrang als ABED, & il triangolo FD 7 è manore del triangolo FD 1 : iffendo adun que il triangolo FDE egnale at quadrangolo ABED, & il triangolo FDG vguale al quadrangolo ABHK, bifogna che

il triangolo G 18 firegraleal quadringolo A H DD. Aggiuntoni adinque il triangolo ED Commannefic à il triangolo GDC eguale al quadras gòlo RHCD. Il uncole ima, pportione a dos è gilla del qua drangolo ABH (41 quadrigolo KHCD che quelladel tris golo FG) a l'triangolo GU G, e goonleguesa: è come la

proportione della V alla X: che fia il propositio.

Terzo cgo. Cada mò la dinisi me sirà i punti E & C nel
punto L; talche sia la proportiona della F Lalla LC, come
quella della V alsa X: serà adunq; la proportione del tris-

golo FD al triangolo LDC, come la proportione della V al la V. Taglierò poi per la ferradi quefto dal triangolo DEC va triangolo fimile à lui, & eguale al triangolo L DC, con la linea MN couldiffante alla ED. Di-

co adunq; ch'ella diuide il quadrangolo (koorlo che fi propone. Perciòche il triangolo F JE è vgrale al quadrigolo ABED: & il triangolo FD L'èvgrale al quadrangolo DEMN: propelto, che i ttiangoli MNC, & LDC (ono eguali, Adanque il pensa

gono ABMND è venale al triangolo FDL, è adunque la medefima proportione quella del pentagono ABMND al triágolo MNC, che glla del triangolo FDL al triágolo LDC; e per confequenza che quella della V alla x , che fu il

propolito. Sì come mò si diuide il qua-

drangolo fecondo la proportio ne data con la linea equidiftanreal fuo lato AB; cofi può dini derfi con vna linea equidiftan-



teà qualunquealtro lato suo, & è manisesto il proposito.

PROPOSITION XV. PROBLEMA XV.

Dividere qualfiuoglia quadrangolo con vna linea equidiffante ad vno de'suoi diametri, fecondo vna data proportione.

Verbi gratia voglio diuidere il quadrangolo A BCD. fecondo la proportione della M alla N, con vna linea c-

quidiffante al diametro suo A C. Petciòche tirarò il diametro BD, che tagli la A C nel punto E: e di niderò la linea BD secondo la pro portione della M alla N. Primiera menre adunque cada la dinifione nel punto E; talche sia la medesima proportione quella della B E



alla E D, che quella della M alla N. Dico adunque che il diametro AC diuide il quadrangolo fecondo chefi pro pone. Perciòche la proportione del triangòlo A B E al triangolo A ED, è come la proportione della BE alla ED. Similmente

Similmente la proportione del triangolo BEC al triangolo B DC è come la proportione della BE alla ED.Con, giungendo adunque ferà la proportione del triangolo -BC al triangolo ADC, come la proportione della BE alla ED: e per confeguenza come la proportione della M

alla Niché fu il propoito.

Scondo cagle. Cada la diutione frà i punti B & Bacl
panto F; talche fia la mede fima proportione quella della BF alla FD, che quella della M alla N. Alhora tirarò le
due lince FA, FC: e fra la proportione de duo triangoli
ABF, CBF conqiunti inferne al quadrangolo A FCD,
come la proportione della BF falla FD. Del triangolo A.

come la proportione della B F a BC adunque taglierò per la ter za di quefò il triangolo G B H fimile à lui, & egnale à i duo triangoli AB F, C B F conginnti infieme, con la linea GH equi diftante alla linea A C. Dico adunque quella linea AC. Dico aquadtangolo fecodo che fi proquadtangolo fecodo che fi pro-



pone. Precibène effendo litriangolo CBH eguale alla ingerficie ABCP; field I triangolo AFC eguale alla golo AGIC. Aggiurtonili adunque il triangolo ADC communic festi il quadrangolo AFC cipade al pentagono AGFCD. La progratione admonte del triangolo CBD (Tagento) admonte admonte admonte admonte admonte il quadrangolo CBC (Tagento) admonte (Tagento) admonte admonte admonte admonte (Tagento) admonte admonte admonte admonte (Tagento) admonte admonte admonte (Tagento) admonte admonte (Tagento) admonte (Tagento)

Terzo caso. Cadamò la ditilione fiù i punti E & D nel punto O; talche la proportione della BO alla O D sia come quella della M alla N. Alhota triavò le que lince O A O.C. serà adunque la proportione del quadrango lo ABCO alla superficie A O C D, come la proportione

della BO alla OD: e per confeguenza come quella della Malla N. Taglierò adunque per la 3 di quefto dal traingo lo ACD il triangolo KLD fimileà fe, & eguale alla fuperficie AOCD, con la linea KL equalifatane alla finea ACD, according, ch'ella diudici quadrangolo fecondo che fipropone. Perciòche il triangolo AOC è vguale al quadrangolo ACLK. Adun-

que il quadrangolo ABCL 8: qualcal pétagono ABCL 8: de il triangolo K LD eçuale a la fuperficie AOCD. La proportione adungi del pentagono ABCL 8 triževolo KLD.

è come la proportione del qua drangolo ABCO alla superficie AOCD: e per conseguen za come la prortione della Malla N: che sud proposito.

za come la pportione della Malla Ni che fuil proposito. Nel medelimo modo faremo per diuidere il quadrangolo ABCD s'econdo la proportion data con vna linea equi diffante al suo diametro BD: & è manisesto il proposito.

TROPOSITION XVI. TROBLEMA XVI.

Dividere qualfivoglia quadrangolo con vna linea equidifante ad vna linea aflegnata nel quadrangolo, laquale ne fia equidifante tea da leuno de l'ati fuoi, ne ad alcuno de' fuoi diametri, fecondo vna data propor-

tione.

Come verbi gratia voglio diuidere il quadrangolo ABCD fecondo la proportione della V alla X, con vaa linea equidifiante alla linea AE. Perciòche tiratò i duo diametti
metti
metti

LE SPPERFICIE

metri AC, ED, che si ugino inferene nel punto O. Do portitando hilane BC, però deritto no la punto F; ana to che fia la proportione della EC alla CF, comela proportione della CO alla CO per indre bi linea AF. A fabrat diudiceto i la inca BF fecondo la proportione della Valla SC, argima cacha la diudicione di punto E; radoche fia la proportione della SE alla EF, e come qualta della Valla X. Dio adamque che la linea A E diudici quadraggo i Georgio Condo che fia proportione della SE alla SF, come quanti della Valla X. Dio adamque che la linea A E diudici quadraggo i Georgio Condo che fia proponen. Percichche la proportione del traine

golo AEC al triangolo ACD, è come la proportione della EO alla OD. Adunque è come la proportione della EC alla CF: per confeguéza come la proportione del triangolo AEC al triágolo ACP. Adunque i triango- li ACP. & ACD (fono estudii ACP. & ACD (fono estudii)

Tutto il quadrangolo adunque AEF. La medefima proportione da dutto il triangolo AEF. La medefima proportione adunqi è dila del triangolo AEE quadrangolo AECD, che al triangolo AEF, Mà la preportione del triangolo AER at mangolo AEF, emile in proportione del triangolo AER at mangolo AEF, econicia proportione del triangolo AED, at Manquela proportione del triangolo AED, econicia proportione del triangolo AED, et al triangolo AECD, et al proportione del triangolo AED, et al triangolo AEE, e

Secoude 496. Cada polla diaiflone frà i punti B & E, nel punte O, i calche fia la General proportione della B G alla G F, com'è quella della V alla X. Alhora tirarò Allinea A G e teglière per la 7 di quello dal utanggolo AB E il trianggolo HB K ímitle à G, & egunda l'irrangolo AB G, con la linea H K equidibiture alla linea A E. Albora dico cili diuidere il quadrangolo fecono de la G propone. Percobde ser il quadrangolo feconome o Percobde ser

in the second

AH KE reftainte del triangolo ABE, eguale al triango, lo AGE reftante del modefimo ABE. Mà il quadrangolo AECD ancora è vguale al triangolo AEF. Adunque il pentagono AHKCD è vguale al triangolo AGF. La me defima proportione adunque

èquella del triangolo HBK al pentagono AHKCD, che quella del triagolo ABG al triangolo ABG al triangolo AG F, adunque è comequella della BG alla GF: éper confeguenza come quelladella Valla X: chefu il tropolito.

Terzo cafo. Cada mo dimifione fià i punti H& F. Perche adinuque la A E no le oquidifiante alla CD, titarò da vno deduo angoli D, Cvan linea dentro al quadri golo caquifiante alla linea. AE i tapuale per elifempio fia la linea D, M; e titrarò la linea AM che tagli la linea E D nel quinto N. Fanò pola la proportione della D nel quanto N. Fanò pola la proportione della DN alla ME fecondo la proportione della DN alla ME i e unello fi unò fine in vi ni fi

bito, tisado la linea DL equidifate alla linea AM.
Cadetà adunque il punico L di quà dal panto F,
p questo che se la linea DF
tosse rinara sarebbe equidistante alla linea A C.
Albors tirarà la linea A L.

A STATE OF THE STA

Serà adunque il triangolo AEL eguale al quadrangolo AEMD. Dividafi adunque la litica BF fecondo la proportione della V alla X: e cada hora la divisione frà i pun ti E&L nel punto R; talche fia la modefima proportione quella della BR alla R F, che quella della V alla X. Tixx

rò poi pla to di qito la linea PQ egdiffate alla linea AE; talche la supficie AEQP sia eguale al triágolo AER. e p che il triacolo AEL è marciore del triacolo AER, & il triangolo AELè vguale al quadrangolo AEMD, ferà perciò il quadrangolo AEQP minore del quadrangolo AEMD. Dico adunque che la linea PQ diuide il quadrangolo ABCD secondo che si propone La ragione. Perche il quadrangolo AECDè vgnale al triangolo AEF. & il quadrangolo AEQP è veuale al triangolo AER. Adanque il quadrangola POCD reftante è vguale al rriangolo ARF restante. Similmete perche il quadrango lo AEQP è vguale al triangolo AER; aggiuntouiti il triangolo ABE commune; ferà il quadrangolo ABQB equale al triangolo ABR, è adunque la medefima proportione quella del quadrágolo ABQP al quadrangolo POCD! che olla del triangolo ABR al triagolo AKF. Adunq; è come quella della BRancora alla RF:e pet con fegueriza come quella della V alla X: che fu il propofito. Quirto cafe. Cada poi la división nel puto L; calche fia la medefima pportioe quella della BLalla LF, che quella della V alla X. Alhora dico che la linea DM diuide il

quadrangolo fecondo che fi propone. Perciòche il trangolo Als Fè veualcal quadrágolo AECD:

& il triangolo AbL à vouale al quadrango lo AEMD. Adunque il triangolo A LF-re-(tate, è vouale al trian golo DMC reftante.

Similmente perche il quadrappolo AEMD 'è venale al

triangolo A EL; agginatoui fi il triangolo ABE commu ne, feià il quadrangolo ABMD equale al triangolo ABL, La medefima proportione adun que è quella del quadran

golo ABMD al triangolo DMC, che quella del triango lo A B L, al triangolo A L F, e per confeguenza è come duella della V alla X che fu il propofito.

Quinto calo. Cada mò la diuifione frà i punti L & F nel punto Y: talche fia la medefima proportione quella della BY alla YF che quella della V alla X: e tirare la linea A Y. Perche adunque il triangolo DMCè vguale al triangolo A.J.F. & il triangolo A.L.Fè maggiore del trian golo AYF; ferà il triangolo DMC maggiore del triango lo AYF. Taplierò a-

dunque dal mangolo DMC per la terza di questo il triangolo S-TC simile à se, & eguale al triangolo A-Y E, con la linea ST conidiftante alla linea



ferà il pentagono ABTSD eguale al triangolo ABY, La medelima prorrione adunq; è offa del pentagono ABT SD al trifgolo STC; che élla del triangolo ABY al trian. golo AYF. Adunq, è come qlla della BY alla YF anco ra: e per confeguenza come quella della V alla X:e questo è quello, che volemmo dimostrare. E'mò da notarfi che fi come fi dinide va quadrangolo con vna linea equidiffite ad vna linea tirarafi da vnan

golo fuo, laquale ne fia equidifizate à i fuoi lati, ne à i fuoi diametri: cofi fi può dividere con yna linea equidifante ad una linea non tirata da angolo affegnato: come

LE SUPERFICIE.

tirando vna linea da qualche angolo del quadrangolo, laquale cada dentro dal quadrangolo, e sia equidifian te ad vna linea affegnata; & alhora operaremo fecondo che di già hauemo infegnato.

PROPOSITION XVII. PROBLEMA XVII.

Diuidere qualfiuoglia noto pentagono con una linea tirata da qualfiuoglia angolo fuo. fecondo vna data proportione.

Verbi gratia voglio di uidere il pentagono ABCDE secondo la proportione della P alla Q con vna linea tirata dall'angolo (uo A. Tirarò le due lince AC, AD: edal l'angolo B tiratò la linea B F c-

quidistante alla linea AC; finche concorra con la linea DC allun gazafi, nel punto F. Similmente dall'angolo E tivarò la linea EG equistante alla linea A D; finche concorra con la linea CD allun gatafienel punto G. Alhora rira



refi le linee AF, AG:ferà il trian

golo AFG equale al pentagono ABCDE, perqueño che il triangolo ABC è vguale al triangolo AFC, & il triangolo AED è vguale al triangolo AGD, Aggruntofi lo -CD comune all'vno & all'altro, si vede manifesto quello che dicemo. Diniderò adunq; la linea FG fecodo la ppor tione della Palla Q : e cada prima la divisione frà i punti F & C nel punto H: talche fia la proportione della F H alla H G come la proportione della Palla Q. Tirarò adu

que la H K equidiftante alla linea B F, finche toccherà la linea B Cnel pūto K. èadūn la medefima oportione ólla della B Kalla K C: che onella della E Halla H Cner la feconda del felto . Tiratafi poi la linea A K : dico esta diuidere il pentagono fecondo che si propone. Perciòche tirarò la linea A H Perche adunque il triangolo A E D è veude al triangolo A G D:

aggiuntouifi lo A C D commu ne derà il quadrágolo ACDE equale al triangolo A C G. Si., milmente perche il triangolo A K Cè vguale al triangolo AHC per l'equidiffiza delle lince K H

& AC: ferà il pétagono AKC

D E egitale al triangolo A H G. Similmente perche la me definia proportione è quella della B Calla B K, che quel la della F Calla F H. ferà la medefima proportione quel la del triangolo A B C al triangolo A B K; che quella del triangolo A F Cal triangolo A F H, Permutando adunque la medefima proportione è quella del triangolo A B Cal triangolo A F Ci che quella del triangulo A B K al triangolo AFH. Effendo adunque i triangoli ABC& A F Ceguali ; feranno eguali i tragoli A B K , & AFH . La modelima proportione admone è quella del triagolo ABK al pétacono AKCDE, che quella del triscolo AFH al triâgolo A H G. Adunque è come quella della F H alla HG ancora, e per confeguenza come quella della P alla

Q : che fu il proposito. Secondo cafo. Cada poi la dinifione nel punto C1 talthe fix la medefima proportione quella della F Calla F G, che quella della Palla Q. Alhora dico che la linea A C diuide il pentagono fecondo che fi propone. Perciòche come fi è moffrato di foora all quadrangolo A C D I: è vguale al triangolo A CG: & il triangolo A B Cè vgualeal triangolo A F C. Aduaque la modefima proportone è quella del triangolo A B C al quadrangolo A C D E ; che quella del triangolo A F C al triangolo A C G. Aduaque è come quella della F C alla CG, eper confeguenza come quella della P alla Q; che fù il propofito.

Terro cafo. Cada mò la di utifone nel punto I. frà i prii C & D, talche fia la proportione della F L alla L G, come quella della P alla Q. Titarò adique la lilma A L: laquale dico diutidere il pentagono feccio che fi propone. Perciche tellendo il triangolo A B C eguale al triangolo A F C; aggiuntoni lo A C L comune; ferà il quadrigolo A B CL eguale al

dragolo AB CL eguale at triangolo A F L. Similmo tro polto il triangolo A L. D. initique con Proce con l'al tro trifigolo A E D. AGD, ferà il quadrigolo ALDE eguale al triangolo ALG. La medefima proporti one

adunque è quella del quadrangolo A B C L al quadrige lo a L D E, che quella del triangolo A F L al triangolo A L G. Adunque è come quella della F L alla L G, e per confeguenza come quella della P, alla Q. che (i) al per posito.

Quarto cafe Cada poi la diuifione nel punto D: Alho ra dico che la linea A D diuide il pentagono (geondo che fi propone, & è manufelto il propolito; come fi manifefiò quando cadde la digifione nel punto C.

Quinto cafo. Cada mò la diuitione frà i punc D & G.

Quinto M, talche fa la medefima proportione quella
della F M alla M G, che quella della l'alla Q d, daltona
drizzero la linea M N equidiftante alla lines G E; finche
toccherà la linea D E nel punto Ni, e tiraro la A N,
laquale

laquale dico diuidere il pentagono fecondo che fi propo ne. Perdòche irizatafi la linea AM s'arguifce come di fo pra nel primo cafo, che il ttiangolo AEN è vguale al triangolo AGM: e che

rriangolo AGM: eche
il penagono ABCDN
è vguale al triangolo
A F M. è adunque la
medefima proportionequella del penagono ABCDN al triango
lo ANE, che quella



del triangolo à FM al triangolo AMG. Adunque è come la proportione della FM ancora alla MG: e per cofeguen za come quella della P alla Q: che fu il proposito.

PROPOSITION XVIII. PROBLEMA XVIII. .

Dividere con vna linea tirata da vn punto af fegnato in vn lato d'un noto pentagono, il detto pentagono fecondo vna nota pro portione.

Verbi gratia voglio diuidere il pentagono ABCDE fe

condo la proportione della V alla X, con vua linea tirata dal pitto F affegna tofi nel lato fuo A B. Perciòche tirarò lelinec F C, F D, F E: o tirarò la linea B G e-



quidiffante alla linea FC, e la linea EH equidiffante alla linea FD; finche concorrano con la linea CD allungatafi da vna parte e dall'altra, ne punti G & Htè tiratò la linea A D l'aqual kghì la linea FE uel punto L. Dopoi tiratò I allinea DH fino al punto B, finche fia la proportione della DH alli HK, come quella della DL alli LA : e quefto fi farà imaginando il alinea AK urarifi e qui diftante al la linea LH. Albora

fto fi farà imaginandi la linea L.H. Alhora tiratò le linee FG,FH, FK. Diuiderò adun que la linea GK fecon do la pportione della V alla X:e cada pri ma la diuifione frà i pūti G & Cnel pūto



M: tal: he fin la mede fima promone quella della G M alla M K, che quella del la V alla X. Diuiderò noi la linea BC nel puto N. con la li nea MN equidiftante alla linea BG; e ferà la proportione della BN alla NC come la proportione della GM alla M C. Alhora tiratali la linea FN; dico ch'ella diunde il pentagono fecondo che si propone . La ragione. Percioche la proportione del triangolo FDE al triangolo FAEè come la proportione della DL alla LA. Adung: è come Inproportione della DH alla HK ancora: laquale è come la proportione del triangolo DFH al triangolo HFK. La proportione adunquel triangolo FDE al triangolo FAEè come la proportione del mangolo DFH al mangolo HFK. Permutando adunque la proportione del triangolo DFE al triangolo DFH, è come la proportione del triangolo F A E al triangolo F H K. Mà i triangoli DFH & DF E fono eguali per l'equiditanza delle linee FD & EH. Adunque i triangoli FA F & FHK fo no eguali, Il quadrangolo FDE A adunq; è vguale al triangolo FDK. Aggiuntonifi adunque lo I CD comune; ferà il pentagono FCDEA eguale al triangolo FCK.

Peniamet à neutre quife Dallidara parte turno la lines. Filh. Petric adaugh, il tianquio File. (Seymale al tringo lo F.G.; & in medicina apportione è quella della t. N. Al la N. C., che quella della Gu al la M. C., icri al timagolo F N. N. C. che quella della Gu al la M. C., icri al timagolo F N. at tringolo F. C. Congiungendo adauqui matrifatto cofi è che la teligono F N. G. E. P. Seymale al tringolo M. F. & E. tringolo F. D. E. A evgusical tringolo M. F. & E. tringolo B. N. S. F. Gholmon ognità. La me defina, apportione adog è diu del migolo F B. at lindode della provincia della el migolo F B. at lindode J. M. E. Adaugue e come qualta della litera. CM al Bit. nea M.S. anous : e per configuenza come quella della V. alla 1 x che fisi l'appoportio.

Secondo cafo. Cada poi la diufione nel punto C; talche fia la medefi ma portione quella della GC alla CK, che quella della Valla X. Dico adunque la linea I C diul

dere il pentrgono fecondo che il ppone. Ferciòche effeudofi già dimoftrato che il pentrgono FCDEA è vguale al triangolo FCK, eche il triangolo FBC ancora è



vgua'e al nimgolo 'FGC. è perciò la medefina proportione que la del triangolo FiC al printgono FCD. E A; ch quella del triangolo FGC al triangolo FCK. adunque come quella del alinea GC ancora alla CK: e per confegaenza come quella della V alla X: che fuil propofito.

Terzo caso Cada moba distilione fibi punti C & D ne punto O; tri che sia a modessima proportione quella de la G O alla OK, che que la della V a sa X. Dico adun que che la sinca F O disside il pentagono secondo che si

propone,

LE SPPERFICIE.

propone. Perciò che aggiuntofi il triangolo FOD commune al quadrangolo FD £Ay& al triangolo eguale à lui FDh; ferà il pentagono FODE A eguale al triangolo FO K. Aggiuntoli limilmente il triangolo FCG commane Ai duo rria-

coli conalı FBC&c FGC; ferà il qua deangolo F B CO eguale al triangolo FGO. è adang. la medefima pro-



portione olla del quadrangolo FBCO al pentagono FODEA; che quella del triangolo FGO al triangolo FOK. Adunque è come

quella della GO ancora alla OK; e per confeguenza comequella della V alla X: che fu il proposito.

Quarto cafe. Cada poi la divilione nel punto D: talche lia la medefima proportione quella della GD alla D K; che quella della V alla X. Dico adunque che la linea FD dittide il pentagono fecondo che fi propone Perciòche aggiuntofi il triangolo FCD commune à i triangoli eguali FBC, & FGC; li vede manifestamente la ragione.

Ouinto cafo. Cada mò la dinifione frà i punti D & H nel punto P_i salche fia la medefima proportione quella

della G P alla P Kecher quella della V alla X. Alhora diniderò la li nea DE nel punto O con la linea PQ equi diffire alla linea E.H.



la della DQ alla QE che quella della DP alla PH. Tiratafi adunque la linea

EQ ; Dico ch'ella diuide il péngono fecondo che fi pro pone. Pecció che tuto il quadrangolo FDE A è quale à tutto il triangolo FDE N. Mail triangolo FD Q. anconè vguale al triangolo FDP. Adunque il quadrango. I F QE A reflance è guale di triangolo reflante è P K. Il quadrangolo FBC D ancora è vguale al triangolo E GD A eggiunto fi adi-

que il triangolo F D Qal quadraugolo F B CD: & aggiútofi il triangolo F D P eguale al triágolo F D Qal triángolo F G



D; è manifello che il pentagono F B CDQ èvguale al triangolo F GP. Li medefina proportione adunque è quella del pentagono F B C DQ al quadrigolo F Q E A; che quella del triágolo F GP al triangolo F P K: e per cóleguenza è come la proportione della V alla X: che fii il proportio.

"Sed," och Cash, a stadnicken al jumpe 18. Dio stadnunge icke litte PE dinkel il perappos fictorio des propose. Percibite effendo il quadrigolo F EC Degukel triangolo F Orb. 8 il triangolo F H E. Cei me 8 detroi dispri jugusles i triagolo F H E. Cei me 8 detroi dispri jugusles i triagolo F H E. Cei De 10 E percio signala i frangolo F G H. 8 adonque la molefini propositione quella del prangono F HC Dia I magglo F A E, de quella del triangolo F G H. 8 del magglo F A E, de quella del triangolo F G H G il at itamgolo F H M. Adanque è anche come quella dela G H di follo Piercio F G M B del P M B D D D D D D D D D D D D D D del T H M. Adanque è anche come quella dela G H da Il A vita del I proposito.

Settimo cafo. Cada mò la diuftione frà i punti H & K nel punto R ; talche fia la medefima proportione quella della G K alla R K, che quella della V alla X. Alhora di niderò hince E. A nel punto S, talmente che fia lamdefina proportione quelle della E. Salla S. A, che quela della H. della R. K. Dico adiunque che la lines F. S diutile I pentagono (conado che il propone l'ercolòtefondo di triangolo A F. Esquale al triangolo F.H. K.; e la proportione della E. S alis S. A, come la proportione della H. alia R. K. ferà il triangolo F. E. Seguale al trian 1000 f. R. R. S. con con la proportione della H. S. di P. S. di P.

il triangolo F S A eguale al triangolo F R K. Mà il pentago no F B C D E ancora è vguale al triangolo F G H. Adun-



que l'heffigono F B
CDE Sèvgunle al triangolo F G R. La medefima proportione adunque è que fla dell'heffigono F B CDE Sal triangolo F S A; che quella del triangolo F G R al triangolo F R K. Adinque è ano come quella della finea G
R alla linea R K : e per cofeguenza come quella della V alla X: che Di propofito.

PROPOSITION XIX. PROBLEMA XIX.

Diuidere vn pentagono di duo lati equidiftă te con vna linea equidiftante à i fuoi lati equidiftăti, secodo vna data proportione,

Verbi gratia voglio diuidete il pentagono ABCDE fecondo la proportione della Q alla R, oon vra linca equidifiante al fino lato AB: il idquale lato poi outro è equidifiante al lato CD, outro al lato DE. Sia prima equidifiante adunque al lato CD. Alhora tiratò hinca

la linea EF equidifiante al lato AB e e tirarò le linee EP. & EC. Fopoi tirarò la linea A G equidiffante alla linea EB; ela linea DH couidutante alla linea EC; finche con corrano con la linea BC allungatafi dall'una parte e dall' altra ne punti G & H. Dopoi, dituderò la linea CH fecon do la proportione della O alla R. e prima cada la dinifio nonel punto F. Dico adunque che la linea EF dinide il pentagono fecondo che fi propone. La ragione. Perciòche effendo la linea AG equidifiante alla linea EB, tiratafi la linea E G; ferà il triangolo EAB eguale al triangolo EGB. Agg űtoniű adun

oucil triangolo EBF commune; ferà il triangolo EGF equale al quadrangolo EA BF. Similmente perche la lines DH è cquidiftante alla linea E.C. rimrafi la linea

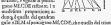
EH; ferà il triangolo EDC



eguale al triangolo EHC, Agginntouifi adunque il trian golo-EFC commune ferà il triangolo EFH eguale al qua drangolo EFCD: e prima fu cquale al quadrangolo AB-F Eil triangolo EGF. La medefima proportione adunq: è quella del quadrangolo. A B F E al quadrangolo EFCD. ehe quella del triangolo EGF al triangolo EFH. è adun que come quella della linea GF alla FII: e per confeguen za come quella della Q alla R, che fù il proposito.

Secondo cafo. Cada poi la dinifione frà i punti G& P nel punto K; talche fia la proportione della GK alla K H. come quella della O alla R. Alhora t rarò la linea E.K. Perche adunque il triangolo EGK è minore del triango lo EGF: & il triangolo EGF è vguale al quadrango o ABFE; ferà il triangolo ECK minore del quadrangolo ABFE, Applichero adunque alla linea AB per la to di quefto la fuperficie ABLM eguale al triango!o EGK, con la linea LM equidiffante alla linea A B. Dico adun que che la linea LM dinide il pentagono fecondo che fi propone. Perciòche il triágolo EGK è vguale al quadran golo ABLM, e tutto il trian

golo EGHè vgualeà tutto il pentagono AECDE. Adunque il triangolo EKH reflante, è venale al pentagono MLCDE restante, 1 a medelima proportione adung; è quella del quadran



golo EGK al triangolo EHK, e per confeguenza è come quella della O alla R che fu il propofito.

Terro calo Cada mòla dinisione frà i punti F & H, nel punto N: e tirifi la linea E N. ferà adunque il triango lo EHN minore del quadrangolo EFCD; perquesto ch' egli è minore del triangolo EHF eguale ad ello è perciò per la vo di quelto applichero alla linea DC la superficie POCD eguale al triangolo EHN con la linea OP equidiffante alla linea C.O. Dico adunque che la linea OP di nide il pétagono fecodo che

fi propone . Perciòche ellendo il quadrangolo POCD eguale al triangolo ENH: e tutto il triangolo EGH egua le a tutto il pentagono ABC DE; ferà il petagono ABOP E reftite conale al triagolo re ftite EGN, è adiiq; la medefi-



ma proportione quella del pentagono ABOPE, al quadrang lo PO D, che quella del triangolo EGN al triannolo ENH.e per confeguenza che quella della Q alla R: che fu il propolito. Sim limente poi fi come fi dinide il

pentagono A B C D E, il quale habbia i duoi lati A B. CD equidifiana, formandoli a timontazione loppas la li nea B C oppoda all'angolo E, polto frà i duo lati equidi fianti; cod polti i duo finoi lati A B, D E equidifianti; fi diuidezà con van linea equidifianta ella A B, formandone la damoltazione fopra il lio alto E A, oppodo alfuo angolo C, potto frà i duo finoi lati A B, D E equi difianti; s'un qualfinogli smodo è manifetto il ppofito.

PROPOSITION XX. PROBLEMA XX.

Dividere vn pentagono, del quale vn suo lato sia equidistante ad vn suo diametro, có vna linea equidistate à quel lato, & à quel diametro, secondo una data proportione.

Verbi gratia voglio diuidere il pentigono A B CD E fecondo la proportione della P alla Q₂ con van linea equidditanteal fuo lato A B, il qual lato è equidifitante al fuo diametro CE. Percioche tirarò la linea E B, & alla ftefia E B poi tirarò equidifitante la linea A F; ela D G equidifitante alla linea E G, finche conocrano con la li-

nea B C allungatafi dall'yna parte e dall'altra ne i punti F& G. Tiratefi pot le linee E F & E G, ferà il trifigolo E F G eguale al penmgono A B CD E propoficci: co-

m'e manifeito pe'l modo, con che li arguifee nella premella. Diniderò adunque la linea FC fecondo la proportione della Palla Q. Cada adunque la dinifione ò nel punto C, ò nanzi al puto C, doppd il punto C, cada prima nel punto C, jal. che Gala Classifica Chefa Linacidira Portiona (culla della F alla Cq. Dios adunq; che la intea Ce dia Culta Classifica Considera Portiona Consolo che il quadrango da DCE e l'equale al triango E FEG. che culta che il quadrango da CDC e direguale al triango E FEG. che culta che il quadrango da CDC e direguale di nima consolo consolo che consolo consolo

quella della Palla Q; che fit il proposito.

Secondo eglo. Cada poi la diutiono frà i punsi F &
Cnel punto II, salche sia la proportione della FH alla H
G come quella della Palla Q. Perche adunque il quadrangolo ABCE è quale al triangolo EFC & i triangolo EFR è minore del triangolo EFC & (ferà il triangoBEFH minore del quadrangolo ABCE. Applicherò

BEFH minore del quadrangolo ABCE. Applicherò

adunque alla linea ÅB per la 10 di questo il quadrangolo ABKL eguale al trian golo EFH, con la linea K L equidistante alla linea AB. Dico adunque la stessa la linea K L d'undere il penta-



gono fecondo che fi propo ne Perción Celifono tutto quel penngono equale à tut to il triangolo EF G, & il quadrigolo A BKL è repuale al triangolo EF Hefrei Pherrispoto L KCD E telhane egua le al triangolo EH He relatare. La medelina proportione adunque e quella del quadragolo A BKL al pen ragono EKCD Ejtchight del riangolo EH AG triangolo EH AG a triagolo EH AG diag è come quella della FH alla HG ancorate per confegurata come quella della FH alla HG ancorate per confegurata come quella della PH alla C, derifui proportion.

Targo esfò. Cadamb la dissifone frà punta C & G, nel punto fix pictefa fa metefinna proportione quel-la della FM alla M G, che quella della FM alla Q. Perche adunque il triangolo E D C è vaguat du trigolo E G C. d'il triangolo E M C emisor del triangolo E G. G, ferà per quello il triangolo E M Cmisor del triangolo E G. G. ferà per quello il triangolo E M Cmisor del triangolo E G. Control del triangolo E G. Chino del triangolo E C. Chino del triangolo E C. Chino del triangolo E C. Chino del

condo chene infegna la no di questo: ouero, che è il medesimo, taglierò per la tezza di questo il triangolo DON dal triangolo DEC simile à



fe, sč egualeal triangolos fe M. Dixo admugu che la linea N O ditidei li pentagnon faccondo che fi propone. Percioche effinado cutto il pentagnon a feco Dei eguale a trunci triangolo E M G. tè. il riangolo O N Di eguale al triangolo E M G. fecial riangolo O N Di eguale al triangolo E M G. fetal riedinco. La medelinia proportione admuque? E M refunta: La medelinia proportione admuque? Quale del triangolo E M M Italiangolo O N Di Schuque come cuella della F M alla M G ancoun-, e per confeeuranza come quella della F M alla M G. in contra per confeeuranza come quella della P M alla Q. i. de fi il proportion

TROPOSITION XXI. THEOREMA I.

Affegnatofi qualfinoglia lato d'un pentagono, che ne fia equidiffante ad alcun lato fuo, ne ad alcun fuo diametro: fi polfano ti rar dentro dal pentagono da duo quai fi

LE SYPERFICIE.

fiano de'tre angoli da niifuna parte congiunti al detto lato, due linee equidiftan-

ti à quel lato affegnatofi.

Pougafi verbi gratià che nel pentagono ABCDE, il lato fito AE ne fia equidiffante ad alcun lato fuo, ne al fuo diametro BD. Alhora dico che da quai duo angoli de gli tre B, C, D fi fiano, fi possano trare due linee den-

tro al pentagono, l'vna el altra del le quali ferà equidiffante al lato A E. Percioche poiche le A 6 & B D non fono equidiffanti, allungandole più, ò concorrerranno dalla

parte AB, ò dalla parte ED. Se della part: AB; alhora la linea BF tirata dal punto Bequi-

nea B e tratatata punto B equidiffante alla nica A B., accellariamente caderia fopra il lato B D., come nell'via a nell'altra delle prime, figure di fopra. Mà fe concorreranno dalle parte E D: Alhora la linea D G tiratafi dal punto D equidiffante al la linea A E. di necessità caderà fopra il lato A B: come

nell'una, e nell'altra delle figure di fotto.

Similmente fe la A E, c la B D con orreffero dalla par te A B, come nell'una, c.nell'altra delle figure di fopra; alhora poiche la linea B F, noncequi-

alhora poicae la linea B F, nogle equidiffante alla linea C D, ò concorreran no con ella dalla parte F D, ò dalla par te B C. Se dalla parte F D, come nella prima delle di lopta; Alhora dal pú-

la prima delle di fopta; Alhora dal prito D fi può rirar la DH equidiftante alla linea A E, che cada sùl'llato B C. Ma fe le B F, e C D concorressero dal-

la parte BC come nella feconda delle di fopra; Alhora H 2 dal

dal punto C si può tirare la C K equidistante alla lines A E. checade fu'l lato E D. Hauemo adunque le B P. DH equidiffanti allalinea A E, nella prima figura delle di fopra : & hauemole BF, CK equidiftanti alla mede fima linea nella feconda delle figure di fopra.

Mà fe le A E, B D concorreffero dalla parte E D, come nell'yna e nell'altra delle figure di fotto: Albora la li nea DG, poi che non è equidiftante alla linea BC, è concorrerà con ella dalla parte GB, ò dalla parte DC, Sedalla parte della GB, come nella pri-

ma delle figure di forto: alhora dal punto B fi può tirare la BL conidiffante alla linea A B. e ca derà fu'llato CD, Mà fele GD, e BC concorreranno dalla parse C.D. come nella feconda delle figure di fotto; Alhora dal pun

to C ft può tirare la CM equidiftante alla linea A E. che cada fu'l lato A B. Hauemo adunque le D G. & B L nella prima delle figure di forto: e le DG, CM nella feconda delle figure di fotto: equidiftanti alla linea A E, e caden

ti dentro al pentagono, è manifesto adunque quanto volcuamo dimostrare.

PROPOSITION XXII. PROBLEMA XXI.

Dividere yn pentagono con vna linea equidistante ad yn suo lato assegnatosi, ilcual la to à nissuraltro lato suo, ne ad alcun suo diametro sia equidistante, secondo vna da ta proportione.

Siaillato AB del pentagono AP.CDE, ne equidifiante al ditametro EC, ne cal alcuno del fatt ED, CD. Yogota dunque dituderlo fecondo la proportition della Y alla Z, con vna linea equidifiante al lato fuo AB. Fercio che da tuo del trangoli C, D, E, titrad due linee dentro al pentagono equidifianti al fuo lato AB. Ouero adungi onelle due lunee diferen.

denti cost de gli agoli, caderanio fopra il meddefinò l'ato, ouero topra l'atoposi. Cadano adung prima fopra i lati opposi: e fano le EF, CG, salcheil pun to fi fain fait for Ces fi

pator G fia nel lato É P. Formeto la dimonstrationesdamque Cope III lato, off unduc ende la parallelo pai visino alla linea AB sciò è Gope il lato BC. Tirarò adanque le linee E B. R. EC. Doposi trisch A He quisilibruse da la lineà Br. Ca fine D. R. empirifibrate alla linea EC, finche conocrano con fili linea BC eliugiani più dill'una challalia parte, ne'puni H. R. K. et inani le linea E H. R. E. P. enche admine II l'imagolo E B. B è vyuni el al trianglo E H. B. « Il trianglo E DC è vyuni el trianglo e E D. E. vyuni el al trianglo e E DC è vyuni el trianglo e E B. E. v. el contra del contra de

riangolo EKC, aggiuntomúi li triangolo E E C commune, jet il pitruguon A B CD E eguale al triagolo E H
K. I gagfobè de trangol à munte. Turnò anche la linea
C equidifictue ella linea E C: et urinò la linea E L. Alho
: a diuderò la linea H K (condo la proportione della Y
illa Z. Outro adunque caderà il dinisione ad punto Y
illa Z. Outro adunque caderà il dinisione ad punto Y
illa Z. Outro adunque caderà il dinisione ad punto
V il Talche fina la me.

- St. L. fili ponti L KK. Dainque prima nel pun
0 Y ; Talche fina la me.

to F; Talche fia la medefima proportióe quel la della H Falla F H; che que la della Y alla Z. Di co adunque che la linea E F divide il pentagono fecondo che li propone. Perciòche il quadrigolo

E A B Fè vguale af tris
golo E H F i Si di quadrangolo E D C F è vguale al tris
golo E K F. è adunque la mede sima proportione quella
del quadrigolo E A B F al quadrigolo E D C S, che quella
del triangolo E H F al triangolo E s F. Adunque è come quella della H F alla F K ancora : e per confeguenza
come quella della y alla Z ; che sil i propossio.

Seemide ogh. Cale peils distillation ett princit. De condumpartich histor. Colisioler perspone fection condumpartich histor. Colisioler perspone fection che fin propose. Practiche efficiale le linea et. 1; & G.L. et L. et guild. Mai rimagoli neul ED C., & EL Ceguid. Mai rimagoli neul ED C., & EL Ceguid. Mai rimagoli neul ED C., & EL Ceguid. Mai rimagoli neul ED C., & EL Cono quelli Admineration and C. De Cancare reguet a timagoli 6; EL Conocare reguet a timagoli 6; EL C. Affentie il prantiposo, A EC CE et guidelle chievale di practico, a proposition de la contra della condumenta della condument

In H L alla L Kancora, e per confeguenza come quella

della Y alla Z: che fixil proposito.

Terro cafo. Cada mò la divisione frà i punti H & F nel punto M: e tirifi la linea E M. Perche adunque il triangolo EHFè vgualeal quadrangolo EABF: & il rriangolo E H M è minore del triangolo E H F : ferà per ciò il triangolo EH M minore del quadrangolo EABF. Applichero adunque per la 10. di questo alla linea AB

la implicie ABNO eguale al triangolo E H M con Ialinea NO couldiffante alla linea A B Dico adúque la linea NO diuidere il pentagono fecondo che fi ppone . Perciòche il pentagono A BCDEè



vouale al triancolo E. H. K.: & ilonadrancolo ABNO & vguale al triangolo E H M. Adunque il pentagono ON CD E restante è vousle al triangolo EM K restante, La medelima proportione adunque è quella del quadrango lo ABNO al pentagono ONCDE ; che quella del triágo lo E H M al triangolo E M K. Adunqueè come quella ancora della H M al'a M K: e per cofeguenza come quel la della Y alla Z : che fu il proposito.

Quarto cafo. Cadanoi la dinifióe frà i punti F.& Lnel pū to P: e tirifi la linea E P. Perche adáque il triangolo EFL è veuale al quadrango lo EFCG: & il tria



golo EFPè minore del triangolo EFL; ferà il triangolo EFP minore del quadrangolo EFCG. Applichero adanene

danque alla linea EF per la 10 diquello il quadrango le Fi QR quade al triangolo EFP, con la linea QR equididante alla linea EF. Dico adunque che la linea QR ditudei il pentagono fecondo che fo propone. Pecciòche il triangolo EHP è vguale al pentagono ABQRE, e trutto il pranagolo EMP de la linea QR quale al tritto il triangolo EMP de vguale al pentagono ABQRE, e trutto il pranagolo EMP de la linea della consistenza della c

il triangolo E HP rutto il pentagono ABCDE è vguale à tritto il triangolo E H K. Adunque il quadrangolo R Q C D rettante è v-guale al triangolo E P K. La medefima proportione adun-



que è quella del pentagono ABQRE al quadrangolo, R QCD; che quella del triangolo EH» al triangolo EPK. Adunque è come quella ancora della HP alia PK, e pér confeguenza come quella della Y alla Z: che fu il pròpolito:

Žujato cajo. Cada mò la diutifione frà i punt L. & K, nel punto S. Perche adunque per l'equidulanza delle inne EC & Gl. i triangoli EGC & E. E. C. fono eguali, ec i trithigoli totali. E D.C., & T. K.C. fono anco eguali; feranno per ciò i triangoli GDC, & EKL tellanti eguali. Mà tiratafi h li-

nea ES, il triangolo EK Sèminore del triangolo EKL. Il triangolo E KS adunqueèminore del triangolo GDC. Per In terza di questo adunque taglierò dal triango



lo GLC il triangolo TDV fimile à fe, & eguale al triango lo EKS, con la linea TV equadifiante alla linea GC. Dico adunque che la linea TV diuide il pentagono fecon do che si propone. Perciòche tutto il pentagono ABC-DE è vguale à tutto il triangolo EHK, & il triangolo T. DV eguale al triangolo

EKS. Adunque l'heffa gono ABCVTE reftan te è venale al triangolo EHS reftante. La mede fima proportione adus que équella dell'heffa-

gono ABCVTE al tria golo TDV, che álla del triangolo EHS, al triágolo EKS. Adung; è come quella della HS alla SK ancora: e p confe guenza come quella della Y alla Z: che fu il propofito. Mà fe le due linee EF & CG lequali fono equidiftan

ti alla linea A. B cadetanno in mo do; che la linea E F cada fu'l lato CiDrela linea CG foors il lato A E; 4lhota voltaremo in fu l'ango lo C.e formaremo la dimostratio ne fopralalinea AE; fi come la formammo fopra la linea BC,e

verremo fu'l nostro proposito come prima.

Mà se le due linee lequali si sono tirate equidistanti allinea AB cadano lopra vno e medelimo lato; alhora for merò la dimoftrazione sopra quel lato. Come Verbigratia pongasi che nel pentagono ABCDE le due linee EF & DG tirateli equidiftanti alla linca AB, cadano fopra il lato BC. Alhora tirarò la AH equidiftante alla linea EB, ela DK equidiftante alla linea EC. Tirarò ancora la linea EG: & egdiffite ad essa la linea DL: é tirarò poi le linee EH, EL, & EK, è manifesto aduq ep le premeffe, che il trissolo EHK è vouale al petasono ABC DEre che il triagolo EHLè venale al pétagono ABGDE:

e cofirm me che il rangolo DGC è vguale al rriangolo ELK. E quelle cofi desonfi tenericà memoria. Diudezò aduaque la linea i-K (condo la proportione della Y alla Z: e caterà la diudione ò nel piano B; ò nel piano Lone or frà quelle, ò fraquelle gel deremi. Cada prima aduaque la diudione nel piano F; talche fia la proportione della H F alla F K.

com'è quella della Y alla Z. Dico adunque che la linea EF diuide il petragono fecorido che fi propone.Perciò che il quadrangolo A BFE è votale al trian



golo EHF, & il quadrangolo EFCD è vguale al triangolo EFK. La medefi ma pportione adiq è dila del quadrigolo A BFB al qua drigolo BFCD, che alla del triagolo B HFal triagolo BF K. e p cofegueza che alla della Y alla Z: che fu il pportio.

Sciendis egils. Cush poi la diutifione nel pauso E. Dico adunque che il lame D de diutiel i pensagono fecondo che fi proposo. Perciòche efindoji friangolo. EGD e-gual el transgolo ETL Se friqueditigolo ARGE gual el artisagolo ETL Se friqueditigolo ARGE qual el artisagolo ETL Se friqueditigolo ARGE pensagolo et transgolo et tal. Al irritagolo a Conecie e qual el artisagolo et ELL SE de la transgolo et ELL AL Irritagolo ETL SE de la transgolo et ELL AL IRRITAGO ETL SE AL IRRIT

Terzo safo. Cada mò la diultione hel punto M, fià i punti H&F: e tiratul la linea E M, formitji i quadrungo lo ABVO pet la to di questo eguale al triangolo E H M con la linea NO equidittante alla linea AB. Manifetto è

LE SPPERFICIE.

20 adung: (come anco di fopra) che la proportione del qua drangolo ABNO

al pentagono O-NCDE, è come la proportione del triangolo BHM al triangolo & M K: e per cófeguen



za come quella della Y alla Z. La O N adunque divide il pentagono fecondo che si propone.

Quarto cafo. Cada poi la dinisione tà i puti F & L nel punto P. Alhora riratafi la linea EP facciali il quadrango lo BF QK per la 10 di quelto eguale al triangolo EFP. Il

pentagono A B QRE adunque è vous le al trian golo EHP. La que è quella del peragono BQ-R R al quadrágo



lo R Q C D; che quella del triangolo FHP al triangolo EPK. Adung; è come qua della HP alla PK ancora:e per coleguenza come olla della Y alla Z: che .u il propofito.

Quinto cafo. Cada mò la diui fione nel punto S, ftà i punti L & K; talche fia la medefima pportione que la della. Ha alla



S,K, che quella della Y alla Z. Perche admang ue (come chetro diopra) il triangolo DGC è qualte al triango-lo ELK, ferà il triangolo ESK minore del triangolo DG. Taglierò admo que per la terza di quefto dal triangolo DGC il triangolo TYC fimile à fe, & viguale al triangolo DGC il triangolo TYC fimile à fe, & viguale al triangolo DGC, il triangolo TYC fimile à fe, & viguale al triangolo DGC, il triangolo TYC fimile à fe, & viguale al triangolo DGC, il triangolo TYC fimile à fe, & viguale al triangolo DGC, il coadanque che la linea TY dinide il perangono fecondo che fi propone.

Perciòche effen, doil triangolo T VC egnale al tri angolo ESK, e tutto il pentago no ABCDE eguale à tutto il



triangolo BHK; ferà perció l'helilagono ABVTDE eguale à tutto il trian golo EHS. La medefima proportione adunq; è quella dell'helilagono ABVTDE al triangolo IVG; che quella del triangolo EHS al triangolo ENS; te per confeguen-

za è come quella della Y alla Z.: che fu il propofito.

Mà fe le due linee, che fi feranno tirate equidifianti
alla linea AB, cadano fopta il lato AE, fecondo che cado

no le liner CF, DG; Alhora voltare mo in fu l'angolo C, e formaremo la dimoftratione fopra la linea AE, come la farmamino fopra la linea BC, e verremo fu'll noftro, profito come prima. è manifetto adunqi quanto voltanimo dimoftrare.



IL FINE

,, TO

BREVE TRATTATO DI M. FEDERICO

INTORNO ALLA MEDESIMA MATERIA TRADOTTO DAL MEDESIMO.



Da vn punto prefofi nell'ambito d'vna figura rettilinea, ò in vn'angolo, ò in qualfiuoglia lato, tirare vna linea retta, che la divida in parti c'habbiano vna data pro-

portione. Intendo però hora per figura rettilinea quella laquale da altretanti lati, da quanti ansoli vien contenuta.

Sìail triangolo A-B C: ela proportion data fia qlla che hà la D alla E: e bilogni pri ma tirar dal punto A vna linea retra, laqual diulda il triangolo feondo la proportione



della Dalla B. Taglifi la BC nel punto Fper la 10 del fefto de gli elementi di Euclide; talmenteche fia la B F alla FC come èla D alla E: e conginnoafi la A.F. Dico digià efferfi fatto quanto fi proponeur. Perciòche per la prima del felto fi com'c il triangolo ABFal triancolo AFC; coti è la BF ella FE: ciò èla D



ollo F.

Piglifi dopoi nel lato AC del medefimo triangolo il punto G, dalquale bifogni titare vna linea, che di uida il triango o fecondo la proportione della 1. alla E. Cogiun gafi la G3,e dal punto A fallallinea retta CB alluingatafi, ti ifi la A Fequidiftan e ad effa GB: e tiratafi la GF, taelifi la PC nel puto H;tàlmen to che la 1 H alla H C, hab-

biala medefima proportione chela Dal a E. Oucro adun que il punto H cade nel punto B, ouerò frài p nti F, &



nea retta GB ima il potema. Percioche il triategolo GIB al triangolo GBC, è come la FB alla BC, ció è come la Dalla E. Màil triangolo ABG è vguale al triangolo G FB: effendo effi fulla medefima bafe, e frà le medefime pa rallele. Adunque i triangolo A. GaltriágoloGBChi. a medefima prop rrione cheil triagolo Gi B ad effe ab t.

Mà se il punto H, cade seà i punti P & B, urifi la linea retta H % equidiftante ad effa G B : laquale feghi la [A B nel punto a: e congiunganfi le GH, GE. Dico la linea G h diuidere il triangolo come Lifognaua.. Perciòche di

LE SVPERFICIE.

nuono il triangolo ABGè venale al triangolo GFB : & accumptoful GBC commune all'uno & all altro : ferà il triangolo ABC eguale il triangolo GFC, Mà il triangolo GKB ancora è v-

guale al miangolo GHB: ondeil restance ancora è vonale al reftite: ciò è il triangolo AKG al triangolo GFH: e per ciò il quadrilatero G



KBC eguale al triangolo GHC. Il triangolo AKG adun que è al quadrilaterò GKBC, come il triangolo GFH al triangolo GHC: ciò è come la D alla E.

Che fe il punto H cade frà i punti B & C, tirifi la GH: laquale limilmente farà il problema. Perciòche effendo i triangoli GFB, A .: G eguali : aggiuntoli all'ano, & all'altro il triangolo GBH commune ; ferà il triangolo GFH equale al

quadrilatero AB-H . Adunque fi com'è il triangolo GFH al triangolo GH ; dò è com'è la Dalla E; cofi è



il quadrilatero ABHGal triangolo GHC. Chefe il punto fi pigli in vn'altro angolo, ò in vn'altro

lato, ci valeremo della medefima ragione à conchindereil proposiro.

Sia il quadrilatero è quadrangolo A B C F: e bifogni dividerlo con vna linea retta tirata dall'angolo 4: talmen teche le parti frà di loro habbiano la medelima proportione che hà la D alla E. Congiungafi la AC: edal nunto F tirifi.

DEL MODO DI DIVIDERE.

Ftirifila : Geguidifiante ad effa: laquale incontri la IL nea BC alkungarafi, nel punto G: e congiungafi la AG. Serà il triangolo AC-

Geguale al triangolo ACF: & aggiútofi all' uno & all'altro il trisgolo ABC communc. ferà il triancolo A BG equale al quadrila tero ABCF. Diusdafi



la BG nel puto H: e sia la BH alla HG, com'è la D alla E: e feil punto H cade nel punto C; ferà di già farto quello che li proponeuz Perciòche il triangolo ABC al triango lo ACF hauerà la medefima proportione che al triangolo ACG:ciò è la medesima che la Dalla E.

Mà fe il punto H cade frà i punti B, & C; la AH tiratali farà il phlema, Perciòche

il quadrilatero AHCF è vguale al triágolo AHG.Ilperche il triangolo A B H hauerà la medefima proportione al quadrilatero AHCF, cheal triangolo AHG: ciò èla medelima

tione. Percioche il trian

che la Dalla E. Mà se cade frà i punti C& G, tiratafi di nuouo fopra la FCla HK equidiftante ad effa AC: e congiuntesi le AH. AK : lalinea retta AK diuiderà il quadrilatero secondo la data propor



golo ACK è vguale al triangolo ACH, Adung il reftan te AKF ancora al reftante AHG: & il quadrilatero ABCK K ferà eguale al triangolo ABH. Il quadrilatero ABCK adung, hà la medefima pportione al triangolo AKF, cha il triangolo ABH al triàgolo AHG: ciò è che la D alla E.

Piglifi olara di ciò nel luso A F qualfisoglia price, efia. Ladi quale biòggi ri tarifa liane rate, dei diuda i lugu dilatato feccio la proportion datafi della Dalla E. Con giungan file L.B., Cic Reilghidi R.B. Callwaya, e dall'atta patte reforme fili dal punto A titifi la AM equidi-Bance alla Lib: edal punto Patrifi la Proportio di dal punto Patrifi la Proportio di dal punto Patrifi la Rei Ce congiuni file L.M., L.P.; ferà per le rofemolitane al la Lic: e compiunità la L.M.; L.P.; ferà per le rofemolitane al la Cic congiunità punto di Trianglo L.NC. quale al quaditatoro A HC Les fimilimente il Trianglo L.NC att in angolo L.C. fee tra

to il triangolo LMN eguale la tutto il quadrilatero AB CF. Diuidafi la MN nel punto O; talche la MO; alla ON habbia la

medesima proportionechela D alla E, congiungasi la LO. Il-

penche ouse II punto O cale fulla lines M.C. outer node. It is C. N. e Goste neithe M.S. oper took for pescendent distile ermo il quadrilatero AB.C.L. our van lines rettus tiras de la lingulo II, laquedi in IV, e illamente del punti faibbito punti fare portionen find il loro, che hish M.O. Otta his con penti persperioren find il loro, che hish M.O. Otta del C. Otta del Propose. M. Perchelche centre il punto P. Otta desiri, bines AB, outer o nella BC. Sia prima nella AB. e posibile del li lingulo AB. I al quedi la retta del la C. Sia prima nella AB. e posibile del li lingulo AB. I al quedificate C. P. DEC. Medil, provincio e cie his AB.O. al No. di con con la lingulo AB. I al quedificate C. P. DEC. Medil, provincio e cie his AB.O. al No. di con con control in quadrilare no. M. al dinima.

DEL MODO DI DIVIDERE

desima prortione al quadrilatero LPBC; che il triagolo LMC al triágolo LOC: e pmutádo ancora. Mà il triágolo LMC è veuale al qua-

drilatero A BCL adun il triangolo LOC anco ra forà eguale al quadri larero LPBC, & il mia golo LMO al triangolo APL: e Perciò il tris polo LON reftante al pentagono restante L-



PBCF. Si come aduno: è il triangolo LMO al triangolo LON, ciò è com'è la M O alla O'N, cofi ferà il triangole APL al pentagono LPBCF.

Sia poi il punto Pnella linea BC, come nell'altra figti ra. Nel medeli

mo modo dimoftraremo fi come è la MO alla ON, cofi ef fere il quadrila tero ABPL al quadrilatero L



PCF. Mà se il puto O cade nella linea CN; diuideremo il tris ento LCF

con la liees retra LP. telmé seche il rei angolo L-CP almia



golo LP . habbia la medefima proportione, che la CO al la ON: e così ferà fatto quanto bilognava.Perciòche ef-Genda

fendo il triangolo L C Pal reja golo L P F, come la CO alla ON;ciò è come il triangolo LCO al triangolo LON; componendo il triangolo LCF cofi ferà al triangolo LP F, come il triangolo LCN al triangolo LON: e permutan do ancora. Mà il triangolo LCN è vguale al triangolo L CF. Adunoue il triangolo LON ancora ferà vouzle al triangolo LPF: & il triangolo LMO restante al peniagono ABCPL. Onde si come è il triangolo LM O al triangolo LON; ciò è come è la MO alla ()N: ciò è la D alla E; cofi ferà il pentagono ABCPL al triangolo LPF. Il quadrilatero ABCF adung; con una linea retta titatali. dal punto L. fi è cofi diuifo: che le parti habbiamo lume defima proportione, the la proportion datalis il the bifo enaua farfi.

Che fe il punto datofi fia in vn'altro angole, oneto in va'altro lato di effo ABCF, conchiuderamo il propofito nel medefimo modo.

Sia il pentagono ABCFG, il quale bifogni dividere con vna linea retta tiratali dall'angolo A, fecodo la ppor tione, che hà

la D alla E. Conginganfile AC, A : eda ipunti B. Gtitinfi foors La Ci allunga

taß dall'vna

parte edall'altra, le linee rette BH, G : : dellequali la linea BH fia equidiftite alla AC, e la GK adella AF, e conviun tefi le A.H. A.A. ferà il trian golo AHF equale al quadri latero ABCF: & il triangolo A + K il triangolo A FG, e tutto il triangolo o H seguale à tutto il pentagono AB-CFG. Diurdafi la HKnel punto L, ta'menteche la H L alla L K habbia la medetinsa proportione, che ha la D alla

DEL MODO DI DIVIDERE.

alla E. Ouero adunque il punto L cade nella linea H F, euero nella FK. e fe nella HF, diuidafi per le precedenti il quadralatero ABCF con vna linea retta turatafi dall'amgolo A, laqua
le fia AM; tal-

golo A, laqua lefia AM; talmenteche le parti habbiano quella pportione che hà la HL alla L F. La linea AMfteffadini



derà il pentagono secondo che si propone.

Percioche con la fteffa rigione chefi è fatto di fopra moftraremo il triangolo AB M al pentagono AMC FG; ouero (come



neu attra ngoraj u quadrilatero ABCM al quadrilatero AMFG haver la me defima pportione, che hà la HL alla LK. Mà fe poi il pun to L cada nella FK, fimilmete co la linea retta AM tiratafi dh'angola. 4 dividente.

dali'angolo A-diuideremo il trisgolo AFG fecondo la pportione della FL alla L. E: e finalmente moftraremo il pentagono ABCFM così effere al trisgolo A M-G.com'è la FL alla LK:ciò

è com' è la Dalla E.



Piglifi nel lato AG il pu zo L, dalquale debbia tiratfi vna linea,che divida il pentagono

LE SVPERFICIE.

sagano ficondo la proportion dan della D alla E. Congiungani de L. Erke di unguati i linus C n dalla parte B, faccia per le cofe di gia dette fi triangolo LHC oguale al quadriator C ABC. Dopola di unganita C et
dalla parte C, faccia fi triangolo LKE eguale al quadritarco LHCE, e di al paragolo LKE eguale al quadritarco LHCE, e di al paragolo LROR e di anono al
tangani fadila pare F, faccia fi triangolo LFM eguale
al mangolo LFM e grante di
triangolo LFM e guale
pentagno A BCFG ilperche ragifi i kM nel punto M;
toltomorache i. E.

KNallaNMhab bia la medefima pportione, che la Dalla E. e fe il punto N

cade nella linea KF; diuideremo il pétagono

LABCE of 8 lines rem.D. tulnefected; il quadrilatere, LABOE and quadrilatere OFL combinatore O

Sia l'hessagono ABCFGH-e bisogni diudicto con van linea retta tiratasi dall'angolo A; talmenteche le parti habbiano la medessima proportione, che labla D alla E. Congiunigasi la AF; de allungarasi la CF stessa dall'ana, parte call'altras, facciasi il triangolo AFM eguale al quadrilactro ABCF; de il triangolo AFM eguale al quadrilactro ABCF; de il triangolo AFM

DEL MODO DI DIVIDERE

aguale al quadrilatero A F G H per le cofe dianzi dimoficatefi Serà unto il triangolo AKM eguale all'hefiligono «BCF GH. Taglifi adunque la KM nel punto N; tal the fia la KN alla NM com'èla Dalla E. e fe il punto N ende fulla lines

cafe fulla linea
KF, diujderemo
il quadrilatero
ABCF con vna
linea retta tinatafi dall'angolo
A; talimenteche
le parti habbiano 'a medefima
pportione che
bà la KN alla



N F. M) feil pun

to N cada fulla FM; diuideremo il quadrilatero A FGH fecondo la proportione della FN alla NM; e cofi l'helfagono ABC.FGH ferà diuifo fecondo la proportione del la KN alla NM; ciò è fecondo la proportione della D al la E datafi.

Piglifiil punto L nel lato AH, dalquale vogliamo ti-

gare vna linea ret ga, laqua' le dinista l'heffago no fecon



dola pro portion dathi Congiungali la LF : & allimphibilia CF; formi?

il triangolo LKF eguale al pentagono t ABCF; & il tria golo LFM eguale al quadrilatero LFGH; talche suno il ttiangolo

triigolo LKM fia eguale à tutto l'heiligono Al CFGH. Taglifi dinuouo la KM nel punto N fecondo la proportione della Dalla E datafire fe il punto N cade fulla linea KFidiyidafi ilpentagono LABCF con una linea retta tiratali dall'angolo L'econdo la proporcione della KN al la NF: e se cade sulla linea FM, diuidati il quadrilatero L FGH fecondo la proportione della FNalla NM : eferà tutto l'heffagono diutio dalla linea retta tirarafi dal punto L fecondo a proportione della KN alla NM; ciò è le-

condo la proportione della D alla E. Sia l'heptagono ABC FGHK, il quale debbia diniderfi con vna linea retta tiratafi dall'angolo A fecondo la pro+ portione della Dalla E. Congiungafi la AG. efacciafi il triangolo A viGe-

guale al pétagono ABCFG: Scil tria. golo AGN eguale al quadrilatero Atutto il triangolo A M N equale all' heptagono A BC-



FGHA: Taelifi la MN nel punto O secondo la proportione della Dalla E:e fe il punto Q cade fulla linea MG: diuideraffi il pentagono ABCFG fecondo la proporrtio ne dela MO alla OG con la linea retta AP tiratafi, e fe cade fulla GN: dinideraffi il quadrilatero A G H K fecondo la proportione della GO alla () N:e ferà dinifo l'hepta cono secondo la proportione della MO alla ON Piglifi vltimamente il punto Lucl lato AK: e dal pun

to 1. habbiali dà ritare voa linea retta che divida l'heptagono fecondo la proportion datali. Congiungali la LG: e formifi il triangolo LMGeguale all heffagono LABC-PG: & il triangolo LGN eguale al quadrilatero LG HK; talche

BEL MODO DE BIVIDERE

talche tutto il triangolo LMN fia eguale àll'heptagono A' BCFGHK. Taglifi di nuono la MN fecondo la proportione data fin el punto Orce fee fifo cade fulla linea MG diuideremo l'hellagono fecondo la proportione della MO

alla OG. Mà fe cade fulla GN; di uideremo il qua dilatero fecondo la proportione della GO alla ON: e ferà tutto l'heptagono di-



uio fecondo la proportione della MO alla O N: ciò èfecodo la proportione della MO alla B. e nel medefimo modo procederemo nell'atre figure, contengano pure quanti lati sucro angoli fi vogliano: liche biognatua farfi.

PROBLEM A II.

Dividere vna figura rettilinea fecondo vna data proportione con vna linea retta equidistante ad vn'altra data linea retta.

Sia il triangolo ABC;e la linea retta lia data D: e bifogni diuidere il triangolo fecondo la proportio ne della E alla F con vna linea retta equidiffante ad efia D. Taglifi la BC nel



punto G; talmenteche la BG alla GC habbia la medelima Proportione che la E alla E. ocheadunquela D è equidifizate ad vno dellati del triangolo: ò non è equidiffante à veruno, Sia prima equidiffante al lato AB; e piglifi la CH mezzana propot tionale fra le linee BC, CG; e dal punto H tirifi la HK equidiffante ad effa B A. Dico la linea retta H K dividere il triangolo secondo che si propone . Peròche congiuntafi la AG: ferà il triangolo ABG al triangolo AGC, com'è la B Galla GC: ciò è com'è la Ealla Fi e componendo (erà il triangolo ABCadello AGC, com'è la B Calla CG. Mà com'èla B Calla CG; così èil triangolo ABC al trian

golo KHC per la 19 del fefto degli elementi: petciò-

che i fritigoli & BCTKFI C fono famili: ela BC alla CG hà dupla proportion à quella che è della B CallaCH, onde il triangoloK

H C Evguale al triangolo

A GC: & il quadrilatero reftante ABHK e venale al trian golo ABG. Il quadrilatero ABHK adunque hà la medetima proportione al triangolo KHC; che il triangolo AB Gal triangolo AGC, ciò è che hà la E alla F. Similmen re fi dimoftrerà il medefimo quando la linea D ferà conti diffante al lato BC, ò CA.

Che fe no fin equidt Gice X venuno: ricifi la AL equidiffante ad effa D. Onde ouero il pu to Geade fra i poti L, e Couero fra eli B &E. chefefright L. & Copi glili li CM mezzaña z portionale frà le linee

LC, CG:e tirifila MN

DEL MODO DI BIVI DERE

squidiffante alla AL. Straper le cofe che dianui dimeframmo il triangolo NMC eguale al triangolo AGC: & il quadrilatero ALMN, al triangolo ALG. Ilperehe aggiunto i all'uno & all'

giunton ai uno e sin altro il triangolo. A BL commune, ilquadrilatero ABMN è vguale al triangolo. ABGs e perciò il quadrilatero. AB-MN al triagolo. NMC hà la medelma propor



tione che hà la É alla.R.
Se poi il punto G. cade frà i piùr B.S. L. piglifi di nue
uo la BM merzana proportionale frà le lune L. B., BGtiti li MN equidifiante ad cilà. A.L. Per la medelima racione il triancolo. N.BM.

gione il triangolo. NBM icrà eguale al triangolo A BG: & il quadrilatero A-NMLal triangolo AGL. Aggiuntoli adunque all'uno & all'altro il triango lo: A LC. il quadrilatero. ANMCè àguale al triangolo AGL. Il triangolo ASMCÈ aguale al triangolo AGL.



golo AGC. Il triangolo A

BCachtque si diuide secondo la proportione datast con
van linea retta equidistante ad essa. D: ilche bisognaus first.

Sin il quadrilatero A B C G, il quale debbia diuderfifectordo la proportione che ha la Eul F, con vugalinea tetta equidiffire ad effi D. Onde ouero la D è oquidifian tet al cicuno de lini del quadrilatero, questo non dequidi lance. Sia prima equidifiante al lato. A B = c coopginenti la AC titti del punto G la GH equidifiante adella A G, Aquale concorre con la linea. B C allungatafi acl-punto H: congiungalia AH. Iltrianglo ACH adiungaper le coé di gil detra é viguale al trianglo ACG: & ce giunto fi all'ano & all'altro lo AB Co communic fe àl trangolo ABI qualcul quadrilatro ABCG. Tighifi la BH ad punto K; tulmenche la Bai lik Habbai la modelima proprotione che la E alla F: e congiungalia AK. Oucro admuneil hao CG del quadrilatro é equididitane ad el Da A; o bho c file requilibilatre tale on

me fi voglia
il punto R;
applichifi p
la so del libro precedente alla li
nea AB la lu
perficie AB
M L. cenale



al triangplo 8 BK, tulmentechela linez LM disequisification of the filter of the filte

Setharo CC poi noré equidifiante al lato B A; titifi d'autio d'édon pairt C, Gi-fentro al quadrilatero un la mei retra equidifiatiurad effà BA; e fia hora la CN; e dal punto N titifi in Norquidifiatite allia d C, e congiungial la AO, fietà il minegolo B D genale al quadrilatero A B CN. Se adimque il punto K cudetà nel punto O; la linea CN fat al problema Perciché feti il quadrilatero A B-

DEL MODO DI BIVIDERE

CN al triangolo CNG, com'è il trian golo ABO al lo triangolo AO H:clò è come la BK alla K



E alla F.

Che feil punto K cada frài punti B, O appliolerento
per la 10 fouradetta alla linea AB vna fupertici esgunde al
trifigolo AB K :laquale fis ABML-talméteche la linea LM
fin egdiffire ad effa AB ilaquale fimitmete dimoftrareno
dinidere il quadrannolo A BC G come fi proponeux.

Finalmente se cada stà i punti O, H; diuidersimo con la linea PQ equidistante ad esta NG, il triangglo, NG G scondo la proportione che hà la OK alla KH: ciò è quel la che hà il risa

golo AOK al triangolo A-KH: Etessen doil triangolo NCG eguale al triangolo AOH: se



rà la fuperificie NCQP, eguale al triangolo AOK; & il triangolo PQ Gegnale al triangolo AKH... il penagono A-BCQP aduoq, è vgnale al triangolo ABK; & hà la BK medebina proportione al triangolo POG, che hà la BK

alla K.H.: clò è che hà la E alla F.

Nel medefinio modo otererino l'intento, fe dal punto
G fi titi dentro al quadrilatero la G N equidifiante
ad essa AB: conse appare nell'altra figura. Perciò che con

giuntefi

LE SPPERFICIE:

giuntes le A.N. A Cre titanti la GO dal printo G, la quale fia equidiffate ad effa aN: e tiranti la GH, laquale fia equidiffatre all effa aN: e tiranti la GH, laquale fia equidiffatre alla A C: & vitimamente congrunte file A O A H; frali triangolo ABO eguale al quadrilatero ABNG. & il

ABNG, & if triangolo AB H egnale al quadrilatero ABCG, e feil punto K cade rà neliptico là linea retta N G farà il pblema, Sefrà

gli B, O faremo nel mede fimo modo



detto di fopra, Che fe fià gli O, H tagliaremo dal triangolo GNC la fuperficie GNQ P eguale al triangolo AOK ti ratafi la PQ equidifiante ad elià GN, e ferà digià fatto quello che fi proponeua. Mà fe la D non fia equidifian tead alcuno de l'ati del quadrilatero ABCG, tirifi da von



de duo, punti A, B dentre al quadrilatero vna linea retta aquidiffante ad essa D, essa prima la AH: e congiuntas la AC tirisi del punto G la GL equidistante ad essa AC:

DEL MODO DI DIFIDERE

kagult concrete ful from Erocula TeC illumpatifi tr conjunguila In L. furil trainighoo AE Exquite altquadalicator AB CG. Disudahi I Bix nel purro K y ulmen cheche I Bix Mi II N. habibaquella troportione, che hi I is illul Fi. Outco adanque il junno K cadden dpantor H, is illul Fi. Outco adanque illumo K cadden dpantor H, is unor fagil H, I. d. right Bi, H. e Gorden dpantor H, is linear text AH find il problema. Mi € cade l'ag H II I, I. vero AH CG. Geomfo la proportione che lishi H K dia trave AH CG. Geomfo la proportione che lishi H K dia dilluttera del IID Depunda error diudella d'incordinatorio AB CG. come fi propone. Perciche ell'indoit Vitalia AB CG. come fi propone. Perciche ell'indoit Vitalia (MH H) cita d'incordinatorio



ponendo il triangolo ABK al triangolo AHK, comiè la BK alls KH, Mil all riangolo AHK al triangolo AKK al tri

Finalmente (e il punto K cada frà gli B.H.; tiratafi la A K taglièremo del trispolo ABH la fuperfiète AOPH egha le al trisgolo AKH con la linearen. OP equidifiante ad effa A.H. Serà il triangolo refiante, OBP eguale al trian colo

... LESPEZARICIE

golo ABK reftable. Aditaque il triangolo OBP & d penta gono AOPCGdome il triangolo ABK al miangolo AKL

ciò è come la BK alla KL; ciò è come la B alla F. Sepoi la BH tiratali fia equidiftante ad effa D: ponga

golo Ha BL egna leal qua

drilate-ro HBC G:edini fafilaQ L fecon do la p-

portione della E alla F

nel pun

to K: feil K cade nel punto B, la linea B H farà il proble ma. Se frà gli B, L, ò Q, B faremo nel medelimo mode che s'è detto di fonta.

Che fe laA Con



DEL MODO DI DIVIDERE.

rolo A C G. edinifali la BL nel nunto K reconde la proportion data della E alla Fi fe il punto K cade nel punto C: la finea A Cfarà il problema.

Se frà gli CL taglieremo dal triangolo ACG la superfi cie ACNM canale al mangolo ACK stiratafi la M N equidiftante ad effa A C. efe frà gli B, C;tagheretrio dal tuagolo A B C vna superficie conale al triangolo AKC1 siò è la ACNM con la linea tetta MN equidit



ad ella A C: e fimilmente dimofriaremo il quadrilateto ABCG efferfi diviso secondo la proportionesiella E alla F: il che bisognana farfi. Ne altremante procederemo fe la BG congluntali fia equidiffante ad cffa.D.

Sia il pentagono A BC GH: e bifogni dinideglo fecondo la proportione della E alla F con vna linea retta oquidiftante ad ella D. Titili da qualche punto, ò angolo, ò lato, a la base vna linea retta equidistante ad essa D; talmenteche à tarli dall'una parte e dall'altra un quadrilatero; ò da vna vn quadrilatero dell'altra vn triangolo, e porremo per base del pentagono qual si vocija lato commodo alla linea D. Come nella prima figura tirifi dal. punto H la linea retta H1 equidiffante ad effa D. e. 19914 2.00

giuntch

giumeli I-HB, HC, tinti dal punto A La K equidilante nel clii HB; iaquale concoura con the CB altungaturi ne rend clii HB; iaquale concoura con the CB altungaturi nel HC, SCD, punto con ten punto Lo no la BC altungaturi nel congiunganti ie H K, KL. Sechi II trigolo HK i equaletti quatrilatero AB HI; Sei II tringolo HL da quadrilatero HICG, crutte il triango le HK L equalet autro il pentocono, Distribili II K. Rolo le HK L equale à tutto il pentocono, Distribili II K. Rolo le HK L equale à tutto il pentocono, Distribili II K. Rolo le HK L equale à tutto il pento-

gono.Diuidatila K. E. fecondo la proportione della È alla F. nel punto M. Ilperche òil punto M. Ilperche òil punto M. Cade nel punto I, ò frà di gli K. J., ò frà di I J. L. cfe nello I, la linea retta H I farà il problema. perciòche il quadrilatero ABIH al quadrilatero Hi-CGè come il trian-

golo HKI al triango



ió HIL; diè è com² la KI alla II. e diè è come la ± alla ¶. Se cade poi fiè jumit K. J. diudicemo per le code già dimofirated i agnadrillacero. ABIH fecdo la proportione della Kin alla Mi, com la inten erea NO equidilitare and participate del control del comment and participate del control della commentation della control della contr

di fopra .
Oltra di questo nell'altra figura,nellaquale la HC è equidiftante alla linea D: congiuntafi la HB, pongafi il triangolo HKB egnale al triangolo HAB; & 1 trangolo

DEL MODO DI DIVIDERE

HCL eguale al triangolo HCG, ferà il triangolo HKCeguale a quadrilatero ABCH: e tutro il triangolo HKL eguale à tutro il pentagono ABCGH. Onde dinifish la K L'écondo la proportione della E alla F nel punto M, fe il puntoM cade nel punto Cala linea HC farà quello che



fi propnone. Grá i punti K, C diuideremo il quadrilatero A BCH fecondo la proportione della KM alla MC, se poi frà i punti C,L diuideremo il triangolo H CG fecondo la proportione della C vi alla ML: eferaffi diuifo il pentagono fecondo la proportion datafi.

Ne altramite fara/fi fela lineaH B fia equidiffi te ad ellà Dr Perciòche formera/fi il triangolo H KB eguale al triagolo HA



B, & il triangolo HBL equale al quadrilatero HBCG.H. perche fe il punto M cadenel punto B: la linea H B farà quello che fi proponeua. Se frà i punti K B dinideraffi il triangolo HAB iccondo la proportione della KM alla M. B. Che fe cade frà gli B, L; diuideremo il quadrilatero H-BCG fecondo la proportione della BM alla M L : e ferà fatto quello che bisognaua.

Vltimamente fe la EP fia equidiflante ad effa D, come nell'altra figura; porsemo il triangolo PKB egnale al qua drilatero PHAB, & il triangolo P B L- al quadril .tero P-BCG, efe il punto M cade nel punto B, effa BP farà quel lo che si propone. Se srà i punti K. B dinideremo il qua-

drilatero PH

A B fecodo la proportione della KM al la M B. Che fe frà i punti B, L dinideremo il quadrilatem PB CG fecondo la proportio-

nedella BM alla B L : & il

fimilefaremo negli altri pétaroni e di mà feraffi fatto quello che facena dibiforno

Sia I helfagono AB CGHI: e bifogni diniderto fecondo la proportione della E alla F con vua linea retta equidiflante ad effa D. Tirifi da qualche punto alla base voa linea retta equidistante ad esta D; talmenteche tagli ò ya quadrilatero, ò ya pentagono

DEL MODO DI BIVIDERE

dall'una chill'altra patre, outro da vua parte via riongo lo, av quasidiartro, cell'ildia pol un pentagono i/Go-menella prima figura propofisti, tirifi dal punto A Libinota estre AK Sequildiante ad ella p. formifi i i i inapolo AK. Royale ad quadrilatro ABCK: A Ipentagono poi AK. Royale ad quadrilatro ABCK: A Ipentagono poi KGH 14. Gayalle i i riongolo AKM. Dopol dividatij i lines LIM focondo la proportion della E alla F nel punto N; i dipale notro cadetà nel punto K; jo fili pinuti I; K, jo fizi pinuti I; k



quadrilatero ABCK fecódo la pportione della LN alla N Kcon la linea OP equidiftante alla AK. fe frà i pūti K, M per le cofe dianzi dimoftratefi diuideremo il pentagono AK GHI fecondo la proportione della KN alla NM có la linea retta OP equidiffante ad c. fa AK.

se poi

LE SVPERFICIE. Sepoi la AG tiratali sia equidistante ad essa Di di nuo-



H1: e fare mo il refto come s'è detto molte volte-



tago -no RABCK & il triangolo RKM equale al pentagna no KGHIR.

Vltimaméte se la AC tiratasi sia conidistate ad essa D formaremo il triangolo ALCeguale al triangolo A BC: & il triangolo ACM eguale al pentagono ACGHI: e fa remo il relto come fi è fatto di fopra e feraffa dinifo l'hef-

DEL MODO DI DIVIDERE.



da dinia

deefi for condola

aportione della E alla F , co vna linea equiffate ad effa-D. Tirifi da quale! eputo alla base vna linea retta equidistate ad cila D. laquale ò tagli vn petagono dall'una parte e dall'altra; ò da vna parte vn triangolo, ò vn quadrilate

ro,ò yn pëtago no cdall'a'ma poi vu'heffago no: ouero da vna vnguadri latero, dall'altra va pentago no. Côme nel-

la prima figu-

ra, nella quale la LM è coui diffate ad ella

D:formaremo il triangolo LNM equale al pentagono LABCM : & all' heffagono LMGHIK eguale il triappolo LMO: e taglifi la NO fecodo la pportione della E alla Fnelptito P: fe il puto P cade nel puto Mila linea retra LM farà il pblè ma.

ma. Se ftà i punti N Minimante distiferemo il pentagono LABCM fecondo la proportione della N P alla P-M con la linea retea Q R. equifilfantead ella L M. Se alla Hà i punti M, O distideremo per le cofe detteti di fopra l'helippono LMGHIK fecondo 'a proport one della M.— Palla PO con waa linea retta consulfilantea dei Li L M.

Palla PO con vna imea fetta equidiftante ad effa L M.

Che fe la linea L C ciratafi fia equidiftante ad effa D;
formaremo il triangolo LNC eguale al quadrilacero LA

BC, & il triangolo LCO eguale all'heffagono LCGH-



K, e faremo il refto fi come fi è fitto di fopra: e ferà l'hepte gono dinifo come bifognana: & il fimile faremo ne gli al tri heptagoni.

Nel modefimo modo divideremo l'altre figure rettili necancora fecódo vas data proportione habbianti quan tilati fi vogliano con una linea equidifantead una data linea retta ilche n'era proposto da farfi.

IL FINE.



